Colegio Marista "La Inmaculada" de Granada – Profesor Daniel Partal García – www.danipartal.net

Asignatura: Matemáticas II – 2ºBachillerato

Examen: Tema 2 Matemáticas II - Modelo 14 + Acumulado

página 1/2

## Instrucciones:

- a) Duración: 1 hora
- b) Tienes que **elegir** entre realizar únicamente los cuatro ejercicios de la **Opción A** o realizar únicamente los cuatro ejercicios de la **Opción B**. Indica, en la primera hoja donde resuelves el examen, la opción elegida.
- c) La puntuación de cada pregunta está indicada en la misma.
- **d)** Contesta de forma razonada y escribe a bolígrafo (no a lápiz) ordenadamente y con letra clara. Las faltas de ortografía, la mala presentación y no explicar adecuadamente las operaciones pueden restar hasta un máximo de 1 punto de la nota final.
- **e)** Se permitirá el uso de calculadoras que no sean programables, gráficas ni con capacidad para almacenar o transmitir datos. No obstante, todos los procesos conducentes a la obtención de resultados deben estar suficientemente justificados.

## Opción A

**Ejercicio 1.- [2,5 punto]** Sabiendo que  $\lim_{x\to 0} \frac{x\cos(2x) + b sen(x)}{4x^2}$  es finito, calcula b y el valor del límite.

**Ejercicio 2.-** Sea  $f:\mathbb{R} \to \mathbb{R}$  y  $g:(0,+\infty) \to \mathbb{R}$  las funciones definidas por  $f(x)=|x^2-2x|$  y  $g(x)=\ln(x)$  .

- a) [1 punto] Realiza un esbozo de ambas gráficas sobre los mismos ejes.
- b) [1,5 puntos] Enuncia el Teorema de Bolzano, y utilízalo para encontrar, con precisión de una cifra decimal, el punto de corte de ambas gráficas en el intervalo [2,3].

**Ejercicio 3.- a) [1,5 puntos]** Sea función  $f(x) = \sqrt{x^2 - 1}$  definida en el dominio [  $1, \infty$  ). Obtener su inversa.

**b) [1 punto]** Sea el paralelogramo de vértices consecutivos A(0,0) , B(7,1) y C(3,9) . Hallar las coordenadas del cuarto vértice D

**Ejercicio 4.- [2,5 puntos]** Calcula  $\lim_{x \to 2^+} (\frac{1}{3-x})^{\frac{1}{(2-x)^2}}$ 

Colegio Marista "La Inmaculada" de Granada – Profesor Daniel Partal García – www.danipartal.net

Asignatura: Matemáticas II – 2ºBachillerato

Examen: Tema 2 Matemáticas II - Modelo 14 + Acumulado

página 2/2

## Opción B

**Ejercicio 1.- [2,5 puntos]** Calcula 
$$\lim_{x\to 2^+} (\frac{1}{3-x})^{\frac{1}{(2-x)^2}}$$

Ejercicio 2.- Sea 
$$f(x) = \frac{x^3}{x^2 - 1}$$
.

- a) [2 puntos] Obtener de manera razonada el dominio y la imagen de la función. Realiza un esbozo de la función.
- b) [0,5 puntos] Justificar, de manera razonada, por qué la función no admite inversa en su dominio maximal.

**Ejercicio 3.- a) [1 punto]** Se mezclan tres clases de vino de las siguientes maneras: 5 litros de Tenerife, 6 de Las Palmas y 3 de Lanzarote, resultando una mezcla de 120 céntimos de euro el litro. 1 litro de Tenerife, 3 de las Palmas y 6 de Lanzarote, dando un vino de 111 céntimos de euro el litro. 3 litros de Tenerife, 6 de las Palmas y 6 de Lanzarote, dando un vino de 116 céntimos de euro el litro. Hallar el precio por litro de cada clase de vino.

**b)** [1,5 puntos] Utiliza el Teorema de Bolzano para encontrar, con precisión de una cifra decimal, el punto de corte de las funciones  $f(x)=x^2-2x$  y  $g(x)=\ln(x)$  en el intervalo  $\begin{bmatrix} 2,3 \end{bmatrix}$ .

**Ejercicio 4.-a)** [1 punto] Determinar k para que la función sea continua en x=0.

$$f(x) = \begin{cases} \frac{x+1-e^x}{2x+1-e^{2x}} & si \quad x < 0\\ (2x-k)^2 & si \quad x \ge 0 \end{cases}$$

**b) [1,5 punto]** Indica un dominio que permita que la función  $f(x) = \cos(x)$  admita inversa. Demuestra que, en ese dominio que propones, la función es biyectiva.