## Lösungen

1. 
$$f(x) = x^2 + px + q$$
 hat die Scheitelpunktform:  $f(x) = (x - x_S)^2 + y_S$ .

2. Nullstellenformel: 
$$x_{1,2} = x_S \pm \sqrt{-y_S}$$
 .

Zusatz: 
$$x_S = -\frac{p}{2}$$
. Daraus folgt  $y_S = -\frac{p^2}{4} + q$  .

Zusammen erhält man daraus die bekannte p-q-Formel.

3. Hat die Funktion f zwei ganzzahlige Nullstellen  $x_1$  und  $x_2$ , so kann man f in der Linearfaktorform  $f(x) = (x - x_1)(x - x_2)$  schreiben (Satz von Vieta).