Colegio Marista "La Inmaculada" de Granada - Profesor Daniel Partal García - www.danipartal.net

Asignatura: Matemáticas II - 2ºBachillerato Examen: Tema 1 Matemáticas II - Modelo 4

página 1/2

Instrucciones:

- a) Duración: 1 hora
- b) Tienes que **elegir** entre realizar únicamente los cuatro ejercicios de la **Opción A** o realizar únicamente los cuatro ejercicios de la **Opción B**. Indica, en la primera hoja donde resuelves el examen, la opción elegida.
- c) La puntuación de cada pregunta está indicada en la misma.
- **d)** Contesta de forma razonada y escribe a bolígrafo (no a lápiz) ordenadamente y con letra clara. Las faltas de ortografía, la mala presentación y no explicar adecuadamente las operaciones pueden restar hasta un máximo de 1 punto de la nota final.
- **e)** Se permitirá el uso de calculadoras que no sean programables, gráficas ni con capacidad para almacenar o transmitir datos. No obstante, todos los procesos conducentes a la obtención de resultados deben estar suficientemente justificados.

Opción A

Ejercicio 1.- Sea $f(x)=\ln(x^3-4x)$.

- a) [1,5 puntos] Indicar los intervalos donde la función es creciente, donde la función es decreciente y calcular los extremos relativos (abscisas y valores correspondientes de las ordenadas).
- **b)** [1 punto] Obtener la recta tangente a la función en x=3.

Ejercicio 2.- [2,5 puntos] Sea la función $f(x)=ax^3+bx^2+cx+d$. Obtener a, b, c y d sabiendo que existe un extremo relativo en (0,1) y un punto de inflexión en (1,-1).

Ejercicio 3.- a) [1,5 puntos] Sea $f(x) = \frac{a x^2 + b x + 3}{2 x - 1}$. Obtener a y b para que la función tenga una asíntota oblicua en la recta 2y + x - 3 = 0.

b) [1 punto] Sean los puntos A(0,1) , B(7,2) , C(-1,1) y D(-2,5) . Calcula el punto de corte de las mediatrices de los segmentos \overline{AB} y \overline{CD} .

Ejercicio 4.- [2,5 puntos] De todos los triángulos isósceles de perímetro igual a 1, obtener las dimensiones del triángulo de área máxima. Plantear un problema de optimización y explicar todos los pasos.

Colegio Marista "La Inmaculada" de Granada - Profesor Daniel Partal García - www.danipartal.net

Asignatura: Matemáticas II - 2ºBachillerato Examen: Tema 1 Matemáticas II - Modelo 4

página 2/2

Opción B

Ejercicio 1.- a) [1,5 puntos] Determinar el valor de k para que se verifique:

$$\lim_{x \to +\infty} \left(\sqrt{x^2 + k \, x - 7} - \sqrt{x^2 - 2 \, x + 5} \right) = \frac{5}{3}$$

b) [1 punto] Obtener los puntos de inflexión de $f(x) = \frac{1}{1+x^2}$ (obtener abscisa y ordenada).

Ejercicio 2.- [2,5 puntos] Calcula
$$\lim_{x\to 0} \frac{\ln(x+1)-2 \operatorname{sen}(x) + x \cos(3x)}{x^2}$$

Ejercicio 3.- a) [1,5 puntos] Obtener a y b para que f(x) sea derivable en x=1 (ojo estudiar solo en x=1).

$$f(x) = \begin{cases} a \cdot x + 5 & si \quad x \le 1 \\ a \cdot \sqrt{x} + \frac{b}{x} & si \quad x > 1 \end{cases}$$

b) [1 punto] Calcula a y b para que la función $f(x)=x^3+ax^2+bx+2$ pase por el punto (-1,6) y su recta tangente en x=1 forme un ángulo de $\pi/4$ radianes con el eje OX.

Ejercicio 4.- [2,5 puntos] Determinar, en función del parámetro $k \in \mathbb{R}$, el rango de los siguientes vectores: $\vec{u} = (1,1,1)$, $\vec{v} = (1,k+1,1)$, $\vec{w} = (1,1,k+1)$. Si k=0, ¿cuántos vectores hay linealmente independientes? Si k=2 ¿cuántos vectores hay linealmente dependientes?