

問題番号	正 答	配点
1	[問 1] $6(a - 2b)(a + 11b)$	6
	[問 2] $a - 3b$	6
	[問 3] -1	6
	[問 4] 12 個	6
	[問 5] $\frac{7}{36}$	6
	[問 6] 64 度	6
2	[問 1] (1) $0 \leq y \leq \frac{9}{2}$ (2) $y = x + \frac{3}{2}$	5 5
	[問 2] $y = -\frac{7}{18}x^2$	5
	【途中の式や計算】 点Aの座標は $(-1, \frac{1}{2})$, 点Bの座標は $(3, \frac{9}{2})$ 点Cは $y = -x^2$ 上の点なので, 点Cの座標を $(c, -c^2)$ とおく。 点Dの座標を (x, y) とする。 四角形ABCDは平行四辺形より, $AB \parallel DC$, $AB = DC$ であるので, 2点A, Bと2点D, Cの x 座標, y 座標の差はそれぞれ等しい。 $3 - (-1) = c - x, \frac{9}{2} - \frac{1}{2} = -c^2 - y$ これより, $x = c - 4, y = -c^2 - 4$ 点Dの座標は $(c - 4, -c^2 - 4)$ とおく。 点Dは $y = -x^2$ 上の点なので, 代入して $-c^2 - 4 = -(c - 4)^2$ 整理して $8c = 12$ よって, $c = \frac{3}{2}$ ゆえに, 点Cの座標は $(\frac{3}{2}, -\frac{9}{4})$ である。 (答え) 点C $(\frac{3}{2}, -\frac{9}{4})$	7

問題番号	正 答		配点
3	(1)	<p>【証明】</p> <p>線分 AP を P の方向に延ばした直線と、線分 DC を C の方向に延ばした直線の交点を R とする。</p> <p>△ABP と △RCPにおいて</p> <p>$\angle ABP = \angle RCP = 90^\circ \cdots ①$</p> <p>$AB \parallel DR$ より $\angle BAP = \angle CRP$ (錯角) $\cdots ②$</p> <p>AP は $\angle BAD$ の二等分線であるから</p> <p>$\angle BAP = \angle DAP \cdots ③$</p> <p>②, ③より, $\angle DAP = \angle DRP$</p> <p>これより, △DAR は $AD = RD$ の二等辺三角形である。</p> <p>条件より, $AD = AB + DC$</p> <p>また, $RD = RC + CD$ であるから $AB = RC \cdots ④$</p> <p>①, ②, ④より, 1 辺とその両端の角がそれぞれ等しいから</p> <p>$\triangle ABP = \triangle RCP$</p> <p>よって, $BP = CP$</p> <p>ゆえに, 点Pは辺BCの中点である。</p>	8
	(2)	$2\sqrt{13} \text{ cm}$	5
4	(1)		5
	(2)	3 cm	5
4	[問 1]	$\frac{1}{6}$	5
	(1)	<p>【途中の式や計算】</p> <p>$DP = x \text{ cm}$ とすると, $EQ = 2x \text{ cm}$ となる。</p> <p>$\angle CQP = 90^\circ$ であるから, 三平方の定理により $CQ^2 + PQ^2 = CP^2 \cdots ①$</p> <p>同様にして, ①において, $CQ^2 = BC^2 + BQ^2$</p> <p>また, 点Pから辺BEに垂線PGをひくと $PG = AB = 5 \text{ cm}$ で, $PQ^2 = PG^2 + GQ^2$</p> <p>さらに, $CP^2 = AC^2 + AP^2$</p> <p>したがって, $(BC^2 + BQ^2) + (PG^2 + GQ^2) = AC^2 + AP^2$</p> <p>よって, $(4^2 + (12 - 2x)^2) + (5^2 + x^2) = 3^2 + (12 - x)^2$</p> $4x^2 - 24x + 32 = 0$ $x^2 - 6x + 8 = 0$ $(x - 2)(x - 4) = 0 \quad \text{から} \quad x = 2, 4$ <p>線分DPの長さは, 2 cm と 4 cm である。 (答え) 2 cm と 4 cm</p>	8
	(2)	18 cm^3	6