Colegio Marista "La Inmaculada" de Granada – Profesor Daniel Partal García – www.danipartal.net

Asignatura: Matemáticas II – 2ºBachillerato

Examen: Tema 2 Matemáticas II - Modelo 4 + Acumulado

página 1/2

## Instrucciones:

- a) Duración: 1 hora
- b) Tienes que **elegir** entre realizar únicamente los cuatro ejercicios de la **Opción A** o realizar únicamente los cuatro ejercicios de la **Opción B**. Indica, en la primera hoja donde resuelves el examen, la opción elegida.
- c) La puntuación de cada pregunta está indicada en la misma.
- **d)** Contesta de forma razonada y escribe a bolígrafo (no a lápiz) ordenadamente y con letra clara. Las faltas de ortografía, la mala presentación y no explicar adecuadamente las operaciones pueden restar hasta un máximo de 1 punto de la nota final. ,25 por falta, borrón o tachón).
- **e)** Se permitirá el uso de calculadoras que no sean programables, gráficas ni con capacidad para almacenar o transmitir datos. No obstante, todos los procesos conducentes a la obtención de resultados deben estar suficientemente justificados.

## Opción A

**Ejercicio 1.- [2,5 puntos]** Obtener a y b para que  $f(x) = \begin{cases} \frac{ax^2 + bx + 1 - e^{2x}}{sen(x^2)} & si \ x \neq 0 \\ 1 & si \ x = 0 \end{cases}$  sea continua en x = 0 .

**Ejercicio 2.- a) [1,5 puntos]** ¿Es cierto que la ecuación  $x^5-3x=1$  tiene al menos una solución en el intervalo (1,2) ? Razona tu respuesta.

**b) [1 puntos]** Dibuja la función f(x) = sen(x) en el dominio  $[-\pi/2, \pi/2]$  y justifica por qué es inyectiva.

**Ejercicio 3.- [2,5 puntos]** Sea  $f(x) = \sqrt{x^2 - 1}$  . Estudia la posición relativa de la función respecto sus asíntotas oblicuas. (ayuda: en las A.O. debes estudiar comportamiento de x en  $+\infty$  y en  $-\infty$  )

**Ejercicio 4.- a) [1,5 puntos]** Estudia la continuidad de f(x)=2x-|3-2x| y representa gráficamente la función.

**b) [1 punto]** Sabiendo que  $\lim_{x\to 0} \frac{x-k\cdot sen(x)}{x^2}$  es finito, obtener el valor de k y el valor del límite.

Colegio Marista "La Inmaculada" de Granada - Profesor Daniel Partal García - www.danipartal.net

Asignatura: Matemáticas II – 2ºBachillerato

Examen: Tema 2 Matemáticas II - Modelo 4 + Acumulado

página 2/2

## Opción B

**Ejercicio 1.-** Sea 
$$f(x) = \frac{x^3 + 2x}{x^2 - 2x + 3}$$

- a) [1,5 puntos] Obtener todas sus asíntotas.
- **b)** [1 punto] ¿Corta la función a la recta y=x+2 en algún punto? En caso afirmativo, obtener las coordenadas (x,y) del punto de corte.

**Ejercicio 2.- [2,5 puntos]** Considera las funciones f(x) y g(x) definidas en f,  $g:\mathbb{R}\to\mathbb{R}$  y dadas por  $f(x)=6x-x^2$  y  $g(x)=|x^2-2x|$ . Haz un boceto del recinto limitado por las gráficas de ambas funciones y calcula los puntos de corte de dichas gráficas (abscisas y su ordenada).

Ejercicio 3.- a) [1,5 puntos] Calcula 
$$\lim_{x \to \frac{\pi}{2}} \frac{\ln(sen x)}{(\pi - 2x)^2}$$

**b)** [1 punto] La función  $f(x) = \frac{|x|}{x+1}$  tiene dos asíntotas horizontales distintas. Calcúlalas.

Ejercicio 4.- a) [1,5 puntos] Calcula 
$$\lim_{x\to 0} (\cos(2x))^{\frac{3}{x^2}}$$

**b) [1 punto]** Determinar, de manera razonada, el dominio de  $f(x) = \sqrt{x^2 - 5x + 4} - \ln(x)$