

## Beispiele von Ableitungsfunktionen

### 1. Beispiele zur Potenzregel:

a)  $y = x^3$   
 $y' = 3 \cdot x^{3-1}$   
 $y' = 3 \cdot x^2$

c)  $y = \frac{1}{2} \cdot x^4$   
 $y' = \frac{1}{2} \cdot 4 \cdot x^{4-1}$   
 $y' = 2 \cdot x^3$

e)  $y = 7 \cdot x$   
 $y' = 7 \cdot 1 \cdot x^{1-1}$   
 $y' = 7 \cdot x^0$   
 $y' = 7 \cdot 1$   
 $y' = 7$

b)  $y = 5 \cdot x^2$   
 $y' = 5 \cdot 2 \cdot x^{2-1}$   
 $y' = 10 \cdot x$

d)  $y = -3 \cdot x^5$   
 $y' = -3 \cdot 5 \cdot x^{5-1}$   
 $y' = -15 \cdot x^4$

f)  $y = \frac{5}{x^2}$   
 $y = 5 \cdot x^{-2}$   
 $y' = 5 \cdot (-2) \cdot x^{-2-1}$   
 $y' = -10 \cdot x^{-3}$   
 $y' = \frac{-10}{x^3}$

### 2. Beispiele zur konstanten Funktion:

a)  $y = 3$   
 $y' = 0$

b)  $y = \frac{1}{3}$   
 $y' = 0$

c)  $y = 5,8$   
 $y' = 0$

### 3. Beispiele zur Summen- und Differenz- Regel:

a)  $y = 3 \cdot x^2 - 2 \cdot x + 1$   
 $y' = 3 \cdot 2 \cdot x^{2-1} - 2 \cdot x^{1-1} + 0$   
 $y' = 6 \cdot x - 2 \cdot x^0$   
 $y' = 6 \cdot x - 2$

b)  $y = 5 \cdot x^3 - \frac{1}{2} \cdot x$   
 $y' = 5 \cdot 3 \cdot x^{3-1} - \frac{1}{2} \cdot 1 \cdot x^{1-1}$   
 $y' = 15 \cdot x^2 - \frac{1}{2} \cdot x^0$   
 $y' = 15 \cdot x^2 - \frac{1}{2}$

#### 4. Beispiele zur Produktregel:

a)  $y = x^2 \cdot (3 \cdot x + 1)$

$$\begin{array}{l} f: x^2 \\ f': 2 \cdot x \end{array}$$

$$\begin{array}{l} g: (3 \cdot x + 1) \\ g': 3 \end{array}$$

$$\begin{aligned} y' &= 2 \cdot x \cdot (3 \cdot x + 1) + x^2 \cdot 3 \\ y' &= 6 \cdot x^2 + 2 \cdot x + 3 \cdot x^2 \\ y' &= 9 \cdot x^2 + 2 \cdot x \end{aligned}$$

b)  $y = (4 \cdot x - 3)^2$

$$y = (4 \cdot x - 3) \cdot (4 \cdot x - 3)$$

$$\begin{array}{l} f: (4 \cdot x - 3) \\ f': 4 \end{array}$$

$$\begin{array}{l} g: (4 \cdot x - 3) \\ g': 4 \end{array}$$

$$\begin{aligned} y' &= 4 \cdot (4 \cdot x - 3) + (4 \cdot x - 3) \cdot 4 \\ y' &= 16 \cdot x - 12 + 16 \cdot x - 12 \\ y' &= 32 \cdot x - 24 \end{aligned}$$

ODER

$$y = (4 \cdot x - 3)^2$$

$$y = 16 \cdot x^2 - 12 \cdot x - 12 \cdot x + 24$$

$$y = 16 \cdot x^2 - 24 \cdot x + 24$$

$$y' = 16 \cdot 2 \cdot x - 24$$

$$y' = 32 \cdot x - 24$$

#### 5. Beispiele zur Quotientenregel:

a)  $y = \frac{(2 \cdot x^3 - 1)}{(x^2 + 1)}$

$$\begin{array}{l} f: (2 \cdot x^3 - 1) \\ f': 6 \cdot x^2 \end{array}$$

$$\begin{array}{l} g: (x^2 + 1) \\ g': 2 \cdot x \end{array}$$

$$y' = \frac{6 \cdot x^2 \cdot (x^2 + 1) - (2 \cdot x^3 - 1) \cdot 2 \cdot x}{(x^2 + 1)^2}$$

$$y' = \frac{6 \cdot x^4 + 6 \cdot x^2 - (4x^4 - 2 \cdot x)}{x^4 + 2 \cdot x^2 + 1}$$

$$y' = \frac{2 \cdot x^4 + 6 \cdot x^2 + 2 \cdot x}{x^4 + 2 \cdot x^2 + 1}$$

## 6. Beispiele zur Kettenregel:

a)

$$y = (2 - 3 \cdot x)^3$$

*Äußere Ableitung:*

*Innere Ableitung:*

$$\begin{aligned} g &: (2 - 3 \cdot x)^3 \\ g' &: 3 \cdot (2 - 3 \cdot x)^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} f &: 2 - 3 \cdot x \\ f' &: -3 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} y' &= 3 \cdot (2 - 3 \cdot x)^2 \cdot (-3) \\ y' &= -9 \cdot (2 - 3 \cdot x)^2 \end{aligned}$$

b)

$$y = (x^3 - 1)^{-2}$$

*Äußere Ableitung:*

*Innere Ableitung:*

$$\begin{aligned} g &: (x^3 - 1)^{-2} \\ g' &: -2 \cdot (x^3 - 1)^{-3} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} f &: x^3 - 1 \\ f' &: 3 \cdot x^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} y' &= -2 \cdot (x^3 - 1)^{-3} \cdot 3 \cdot x^2 \\ y' &= -6 \cdot x^2 \cdot (x^3 - 1)^{-3} \\ y' &= \frac{-6 \cdot x^2}{(x^3 - 1)^3} \end{aligned}$$