Étude de l'hyperbole

Ouvrez la figure Hyperbole 2 pour répondre aux questions suivantes :

L'hyperbole est la représentation graphique de la relation suivante :

$$\frac{y^2}{b^2} - \frac{x^2}{a^2} = 1$$

Vous pouvez déplacer les paramètres a et b de cette relation.

À quoi correspondent ces paramètres sur le graphique? (Expliquez avec le point E)
Le paramètre <i>a</i> correspond :
Le paramètre <i>b</i> correspond :
Si le paramètre $a=3$ et le paramètre $b=2$, quelle est l'équation de l'hyperbole?
Quelles sont les coordonnées des sommets? Et quelles sont les coordonnées des foyers?

Pouvez-vous démontrer algébriquement les coordonnées des foyers, à l'aide des paramètres a et b? (Rappel : le y du foyer = $\sqrt{a^2+b^2}$)

Le point E est un point de l'hyperbole; quelles sont ses coordonnées?

Démontrez algébriquement que ce point est une solution de l'équation de l'hyperbole :

MAT-5105 – Les coniques, l'hype	erbole – deuxième cas	
Les segments e et f relier deux segments :	nt les foyers au point <i>E</i> ; q	uelle est la mesure de ces
Le segment <i>e</i> mesure : Le segment <i>f</i> mesure :		
Déplacez le point <i>E</i> et note	z les mesures des segments	s dans le tableau suivant :
Coordonnées du point E	Mesure du segment <i>e</i>	Mesure du segment f
•		
l'hyperbole?	·	b; quelle est l'équation de res des segments dans le
Coordonnées du point <i>E</i>	Mesure du seament <i>e</i>	Mesure du segment f
•	3	•
Que remarquez-vous? Pouvez-vous expliquer le longueur des segments qui	•	leur du paramètre <i>b</i> et la yperbole aux foyers?

Louise Roy - 2 - 30 juin 2009

Pouvez-vous expliquer votre réponse? (Vous pouvez vous servir de l'équation pour démontrer votre explication).

Distance entre le sommet et le foyer

Louise Roy - 3 - 30 juin 2009

Redonnez les valeurs suivantes aux paramètres de l'hyperbole : a=3 et b=2

Sur la grille du graphique de l'hyperbole, il y a un point dont les coordonnées sont (x1, y1). Vous pouvez déplacer ce point à l'aide des deux curseurs des coordonnées.

		amètres de faço point?				rouge; que	els sont les
_		l'inéquation	ayant	ce	point	comme	solution?
		démontrer?					
		amètres de faç point?				bleu ; que	els sont les
Quelle	est	l'inéquation	ayant	ce	point	comme	solution?
Pouvez-\	ous le d	lémontrer?					
		nant des coordo nt ces coordonn					
Ce point	fait par	tie de quel ense	mble-solu	tion? _			·
Pouvez-v	ous le c	lémontrer?					

Louise Roy - 4 - 30 juin 2009

En vous aidant des paramètres et de la représentation graphique de l'hyperbole ainsi que des coordonnées du point; décrivez, sous la forme d'intervalle, le domaine et l'image des inéquations suivantes : (démontrez à l'aide d'un exemple; vous pouvez utiliser le point (x1, y1))

Domaine

Image

y ²	x^2	_	1
9 -	25	>	1

Démonstration:

Inéquation

 $\frac{y^2}{4} - \frac{x^2}{16} \rangle 1$

Démonstration:

$$\frac{y^2}{4,41} - \frac{x^2}{1} \langle 1$$

Démonstration:

$$\frac{y^2}{13,69} - \frac{x^2}{22,09} \ge 1$$

Démonstration :