

Perspectiva cónica 360X360

Partimos de dúas expresións xa coñecidas¹:

Proxección axonométrica 360X360, que nos permite determinar as coordenadas dun punto P nunha proxección cilíndrica ortogonal a π logo de aplicarlle primeiro unha rotación en torno ao eixe x e posteriormente unha rotación en torno ao eixe x á que nos referimos como rotación de cabeceo.

$$(x(P'), y(P')) = (\cos(a) \cdot x(P_1) - \text{sen}(a) \cdot y(P_1), (\text{sen}(a) \cdot x(P_1) + \cos(a) \cdot y(P_1)) \cdot \cos(b) + \text{sen}(b) \cdot y(P_2))$$

Perspectiva cónica dun punto, que nos permite determinar as coordenadas dun punto P nunha proxección cónica de centro V sobre o plano vertical de proxección.

$$(x(P'), y(P')) = \left(\frac{-y(P_1) \cdot (x(V_1) - x(P_1))}{y(V_1) - y(P_1)} + x(P_1), \frac{-y(P_1) \cdot (x(V_1) - x(P_1))}{y(V_1) - y(P_1)} \cdot (y(V_2) - y(P_2))}{x(V_1) - x(P_1)} + y(P_2) \right)$$

Para elaborar a perspectiva cónica 360X360 tomamos a axonometría do punto P como proxección horizontal e $(-\text{sen}(a) \cdot x(P_1) - \cos(a) \cdot y(P_1)) \cdot \text{sen}(b) + \cos(b) \cdot y(P_2)$ como cota.

Así pois na expresión que define a perspectiva cónica debemos substituír:

$$x(P_1) \text{ por } \cos(a) \cdot x(P_1) - \text{sen}(a) \cdot y(P_1)$$

$$y(P_1) \text{ por } (\text{sen}(a) \cdot x(P_1) + \cos(a) \cdot y(P_1)) \cdot \cos(b) + \text{sen}(b) \cdot y(P_2)$$

$$y(P_2) \text{ por } (-\text{sen}(a) \cdot x(P_1) - \cos(a) \cdot y(P_1)) \cdot \text{sen}(b) + \cos(b) \cdot y(P_2)$$

A expresión resultante permite definir a nova proxección segundo as seguintes coordenadas:

$$\left(\frac{(-(\text{sen}(a) x(P_1) + \cos(a) y(P_1)) \cos(b) + \text{sen}(b) y(P_2)) (x(V_1) - (\cos(a) x(P_1) - \text{sen}(a) y(P_1)))}{((\text{sen}(a) x(P_1) + \cos(a) y(P_1)) \cos(b) + \text{sen}(b) y(P_2)) + (\cos(a) x(P_1) - \text{sen}(a) y(P_1))}, \frac{(-(\text{sen}(a) x(P_1) + \cos(a) y(P_1)) \cos(b) + \text{sen}(b) y(P_2)) (x(V_1) - (\cos(a) x(P_1) - \text{sen}(a) y(P_1)))}{(y(V_1) - ((\text{sen}(a) x(P_1) + \cos(a) y(P_1)) \cos(b) + \text{sen}(b) y(P_2)))} \cdot (y(V_2) - ((-\text{sen}(a) x(P_1) - \cos(a) y(P_1)) \text{sen}(b) + \cos(b) y(P_2)))}{(y(V_1) - ((\text{sen}(a) x(P_1) + \cos(a) y(P_1)) \cos(b) + \text{sen}(b) y(P_2)))} \right)$$

Anaglifo 360X360

Para construír esta macro partimos da macro anterior, aplicándoa sobre un mesmo punto P para dous puntos de vista (O_e e O_d) separados unha distancia determinada por un regulador “c”.

$$O_e = (x(V_1) - c/2, y(V_1))$$

$$O_d = (x(V_1) + c/2, y(V_1))$$

É importante permitir axustar a distancia entre os dous ollos, pois esta é unha distancia non escalable, como tampouco o é a posición de V.

1 Ver os documentos *Axonometría 360X360* e *Perspectiva cónica dun punto*.