

Situación problemática:

Dos amigos querían demostrar que a través de la fórmula de volumen, si podían calcular la capacidad de la botella, siendo 600 ml la capacidad de esta.

Resolución:

Dadas las funciones:

$$f_1(x) = 9,32x$$

$$g_1(x) = -0,71x^2 + 0,45x + 1,02$$

$$h_1(x) = -0,6x^2 + 1,66x + 0,06$$

$$p_1(x) = 0x^3 + 0,04x^2 - 0,01x + 1,03$$

$$q_1(x) = -0,01x^3 + 0,32x^2 - 2,15x + 5,82$$

$$r_1(x) = 0x^2 + 0,05x + 4,15$$

$$s_1(x) = -0,21x^2 + 8,16x - 74,52$$

$$t_1(x) = -9,39x + 208,2$$

Para poder calcular el volumen de la botella se tiene en cuenta la siguiente formula:

$$V = \int_a^b \pi \cdot f(x)^2 dx$$

Integrales:

$$f_1(x) = 9,32x$$

$$u = 9,32x$$

$$du = 9,32 dx$$

$$\int_0^{0,11} (9,32x)^2 dx =$$

$$\frac{du}{9,32} = dx$$

$$\int_0^{0,11} u^2 \frac{du}{9,32} \rightarrow \frac{1}{9,32} \int_0^{0,11} u^2 du \rightarrow \frac{1}{9,32} \cdot \left[\frac{u^3}{3} \right]_0^{0,11} \rightarrow \frac{1}{9,32} \cdot \left[\frac{(9,32x)^3}{3} \right] \rightarrow$$

$$\frac{1}{9,32} \cdot \left[\frac{(9,32 \cdot 0,11)^3}{3} - \frac{(9,32 \cdot 0)^3}{3} \right] \rightarrow \frac{1}{9,32} [0,3591 - 0] = 0,04$$

Así fui obteniendo todos los demás valores de las integrales.

Para poder calcular el volumen:

$$V = \pi \cdot \int_0^{0,11} (9,32x)^2 dx + \int_{0,11}^{0,71} (-0,71x^2 + 0,45x + 1,02)^2 dx + \int_{0,71}^{1,73} (-0,6x^2 + 1,66x + 0,06)^2 dx +$$

$$\int_{1,73}^{6,88} (0x^3 + 0,04x^2 - 0,01x + 1,03)^2 dx + \int_{6,88}^{12,36} (-0,01x^3 + 0,32x^2 - 2,15x + 5,82)^2 dx$$

$$+ \int_{12,36}^{18,83} (0x^2 + 0,05x + 4,15)^2 dx + \int_{18,83}^{21,96} (-0,21x^2 + 8,16x - 74,52)^2 dx + \int_{21,96}^{22,17} (-9,39x + 208,2)^2 dx$$

=

$$V = \pi \cdot (0,04 + 0,68 + 1,34 + 10,77 + 55,97 + 86,04 + 35,8 + 0,31)$$

$$V = \pi \cdot (190,95)$$

$$V = 599,8871$$

Respuesta:

El volumen de la botella es aproximadamente $599,8871 \text{ ml}^3$

Procedimiento:

Coloqué la foto en el geogebra, ubiqué la misma en forma horizontal sobre el eje x, dividiéndola a la mitad, fui marcando punto por punto el borde de la botella. Luego elegí la opción **Polinomio < Lista de puntos>** en la Entrada y coloqué los puntos necesarios para armar una función que marcara el borde de la botella.

Luego de armar una por una las funciones, escribí en la Entrada **Función**, y elegí la opción **Función< Función, Valor Inicial, Valor Final>**, ahí escribí la función más los valores de la abscisa de cada punto, separados por coma, luego apreté enter y aparece el segmento buscado y su respectiva función en la Vista Algebraica.

Abrí la **Vista 3D**, elimine el plano y el eje, luego en la **Vista 2D**, en la entrada, coloqué **y=0**.

Creé un deslizador en la Vista 2D, y lo configuré para que realice una animación por ángulo, y lo renombré como α .

Seleccioné en la **Vista 3D**, en la ventana de **Simetría Especular** la opción **Rotación Axial**, luego marqué la función y el eje de rotación, así con cada una de las funciones.

En Vista Algebraica en cada una de las funciones le activé **Rastro**, y por ultimo señalé el Deslizador y le dí **Animación**.

Para poder calcular el volumen, tuve que calcular cada una de las INTEGRALES de cada función, para ello en la entrada de Geogebra usé el comando **Integral** y use la opción **<Función, Extremo Inferior del Intervalo, Extremo Superior del Intervalo>**, luego sume y las multiplique por π , obteniendo allí el volumen de la botella.