Guia de

Comandos do GeoGebra

Exemplos e Problemas



Uender B. Souza

Guia de Comandos do GeoGebra

Exemplos e Desafios

Uender B. Souza

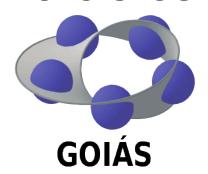
Atualizado em 19 de junho de 2017

Colaboradores

Duelci Vaz

Maxwell Gonçalves Araújo

INSTITUTO GEOGEBRA



Sobre o IGGoiás

O Instituto GeoGebra de Goiás foi criado em março de 2016, parceira firmada com o Instituto GeoGebra Internacional pelos Professores Duelci Vaz e Uender B. Souza, membros do Corpo Docente do Instituto Federal de Educação, Ciências e Tecnologias de Goiás. Temos como objetivo o desenvolvimento de material e cursos preparatórios para professores, alunos e para a comunidade GeoGebra. Visamos divulgar e estimular o uso do software, pois acreditamos que o GeoGebra é um forte aliado para o ensino da Matemática.

Sobre o Autor

Docente no Instituto Federal de Goiás desde 02/2014 e coordenador do Instituto GeoGebra de Goiás, possui Mestrado em Matemática pela Universidade Federal de Goiás e desenvolve pesquisas sobre o uso de tecnologias para o ensino de matemática, em especial o software GeoGebra.

uender.souza@ifg.edu.br Instituto Federal de Goiás - Câmpus Goiânia Departamento de Áreas Acadêmicas II - Área: Matemática Rua 75, nº46. Centro.

CEP: 74055-110. Goiânia/GO - Brasil.

Prefácio

O GeoGebra

Sobre o Livro

Dentre as atividades desenvolvidas pelo IGGoiás, este livro foi idealizado em meados de 2016, o Projeto tem intuito de suprir a falta de material em português abordando assuntos relacionados aos comandos do GeoGebra.

O projeto é colaborativo, sem fins lucrativos e totalmente desenvolvido com ferramentas livres como Latex, Inkscape e claro, o Geogebra.

Comandos do GeoGebra

Referências

A fonte principal para o conteúdo do livro é o manual¹ diponível no site oficial que está em inglês; faremos a partir deste uma adaptação contendo nossos próprios exemplos e propostas para o uso do Software.

¹https://wiki.geogebra.org/en/Commands

Estrutura

Os detalhes e exemplos de cada comando estão dispostos conforme a estrutura a seguir.

Nome ou Característica do Comando

Comando: (Comando Em Inglês) Comando Em Português

Detalhes do comando.

Descrição quando necessária do objeto *ArgK>* que deve ser inserido na k-ésima entrada neste modo de uso do comando.

Alguns argumentos podem ser opcionais, estes são destacados em vermelho <ArgN>.

Entradas precedidas de CAS destacam comandos exclusivos do Sistema Algébrico Computacional (CAS) do GeoGebra. +CAS destaca comandos que podem ser usados na Janela CAS, no Campo de Entrada e Scripts de Códigos GeoGebra. Já -CAS destaca comandos que não podem ser usados na janela CAS.

Exemplos:

- Os comandos do GeoGebra estão destacados em cinza como este ComandoEmPortuguês [<Arg1>, <Arg2>] .
 - Retorno.
- Outro exemplo: ComandoEmInglês[<Arg1>, <Arg2>] .
 - Comandos em Inglês também funcionam no GeoGebra caso este tenha sido configurado para outro idioma.

$$[< ArgO >, < ArgP >] + CAS$$

Alguns comandos podem ter mais que um modo de entrada, os argumentos $\langle ArgO \rangle$ e $\langle ArgP \rangle$ podem ser objetos distindos do primeiro caso.

Sumário

Comandos e Exemplos	17
3D	. 17
Álgebra	. 27
Cônicas	. 48
Diagramas	. 51
Estatística	. 53
Funções e Cáculo	. 60
GeoGebra	. 68
Geometria	. 70
Listas	. 77
Lógica	. 80
Matemática Discreta	81
Matemática Financeira	. 82
Otimização	. 83
Planilha	. 84
Probabilidade	. 85
Programação	. 90
Texto	. 96
Transformações	. 98
Vetores e Matrizes	. 99
Ferramentas	101
JavaScript	103
Desafios	105
Nível 1	. 105
Nível 2	. 105
NZ 12	105

Ao Leitor

Algumas dicas sobre introdução ao GeoGebra (básico). Ver Livro de ajuda oficial em www.geogebra.org

 $\operatorname{\mathsf{ad}}$

f

 $\operatorname{\mathsf{ad}}$

fa

dsf

a

sdf

a

dsf

adsf

adsf

a

dsf

as

df

adsf

a

sdf

ads

f

 ads

fa

sdf

a

sdf

 $\mathsf{asd} \\$

fa

 dsf

a

dsf

ads

Funções Matemáticas e Operadores

```
sin(x), cos(x), ... &&, ||, ...
```

Comandos e Exemplos

3D

Acima

Retorna a parte superior da quádrica limitada.

Comando: (Top) Acima

 $\underline{\mathsf{Entradas}} \colon \left[\ <\! \mathsf{Qu\'{a}drica} \! > \ \right] \ + \mathsf{CAS}$

Retorna um círculo ou um ponto caso o argumento seja um cilindro ou um cone respectivamente.

Exemplos:

• Considere o cilindro a: Cilindro[(0, 0, 0), (0, 0, 1), 1] . O comando b: Acima[a] retorna o círculo

• b:
$$X = (0, 0, 1) + (\cos(t), \sin(t), 0)$$
.

Já Acima[c], sendo c: Cone[b, 1] retorna

• A = (0, 0, 2).

Altura

Retorna a altura orientada de um sólido.

Comando: (Height) Altura

Entradas: [<Sólido>] +CAS

Exemplos:

• Sejam A = (-2, 2), B = (2, 3) e C = (2, -2) vértices do triângulo T: Polígono[A, B, C] que é base do prisma P: Prisma[T, 2] e Q o prisma obtido pela rotação de P 90° em torno da reta y = -x, dado por Q: Girar[P, 90° , Reta[A, C]]. Note que Altura[P] e Altura[Q] retornam o mesmo valor, apesar de P e Q terem alturas distintas em relação ao plano xy, veja figura 0.0.1. Isto ocorre pois a base considerada foi a orientada na construção em ambos os casos.

• d = 2.

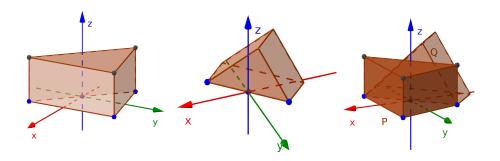


Figura 0.0.1: Vistas dos prismas P e Q

Bases

Retorna a parte superior e inferior da quádrica limitada.

Comando: (Ends) Bases

Entradas: [< Quádrica >] -CAS

Exemplos:

- Bases[<Cilindro limitado>] retorna as duas bases circulares do argumento cilindro.
- Bases[<Cone limitado>] retorna um círculo e um ponto.

Cilindro

Cria um cilindro limitado.

Comando: (Cylinder) Cilindro

Entradas: [<Círculo>, <Altura>] +CAS

Cria o cilindro através de sua base circular e altura.

Cria o cilindro através de dois pontos e raio <Raio>. Os dois pontos dos argumentos <Ponto 1> e <Ponto 2> são pertencentes as bases circulares do cilindro.

Cilindro Infinito

Cria um cilindro ilimitado.

<u>Comando</u>: (InfiniteCylinder) CilindroInfinito

Entradas: [<Reta>, <Raio>] +CAS

Cria o cilindro de raio < Raio > em torno da reta < Reta > .

Cria o cilindro de raio <Raio> em torno da reta que passa pelo ponto <Ponto> e é paralela ao vetor <Vetor> .

Cria o cilindro de raio <Raio> em torno da reta que passa pelos pontos <Ponto 1> e <Ponto 2> .

Cone

Cria um cone limitado.

Comando: (Cone) Cone

Entradas: [< Círculo>, < Altura>] + CAS

Cria um cone de base *<Círculo>* e altura *<Altura>* .

Cria um cone tal que sua base é o círculo de centro <Ponto 1>, vértice <Ponto 2> e raio <Raio>.

Cria um cone ilimitado com vértice em <Ponto> em torno da reta que passa por <Ponto> e é paralela a <Vetor>. O ângulo <Ângulo> deve ser menor que $\frac{\pi}{2}$ e define a inclinação da superfície lateral do cone em relação a reta de simetria.

Obs.: O argumento $\langle \hat{A}ngulo \rangle$ pode ser usado em graus ou radianos.

Cone Infinito

Cria um cone ilimitado.

Comando: (InfiniteCone) ConeInfinito

Cria um cone com vértice em <Ponto> em torno da reta que passa por <Ponto> e é paralela a <Vetor>. O ângulo <Ângulo> deve ser menor que $\frac{\pi}{2}$ e define a inclinação da superfície lateral do cone em relação a reta de simetria.

Cria um cone com vértice em <Ponto 1> em torno da reta que passa por <Ponto 1> e <Ponto 2> . O ângulo <Ângulo> deve ser menor que $\frac{\pi}{2}$ e define a inclinação da superfície lateral do cone em relação a reta de simetria.

Cria um cone com vértice em <Ponto> em torno da reta que passa por <Ponto> e é paralela a reta <Reta>. O ângulo <Ângulo> deve ser menor que $\frac{\pi}{2}$ e define a inclinação da superfície lateral do cone em relação a reta de simetria.

Obs.: Em todos os casos, o argumento $\langle \hat{A}ngulo \rangle$ pode ser usado em graus ou radianos.

Cubo

Comando: (Cube) Cubo

Entradas: [<Ponto 1>, <Ponto 2>, <Ponto 3>] +CAS

Cria um cubo partindo de três pontos adjacentes a uma face. Os pontos devem formar um quadrado, que será a face inicial do cubo.

Cria um cubo partindo de dois pontos adjacentes a uma face. Um terceiro ponto é criado automaticamente sobre um círculo para que o cubo possa girar em torno da aresta determinada pelos pontos $<Ponto\ 1>$ e $<Ponto\ 2>$.

Obs.: Este modo é um caso particular do modo anterior.

Cria um cubo partindo de um segmento determinado pelos vértices *<Ponto 1>* e *<Ponto 2>* . Os outros vértices são determinados pela direção dada, que pode ser em relação a um **vetor**, uma **reta**, um **segmento** ou um **raio** ortogonal; ou por um **plano** ou **polígono** paralelo ao segmento inicial.

Exemplos:

- O cubo Cubo [A, B, EixoZ] possui o segmento determinado pelos pontos A = (5, 5, 0) e B = (1, 1, 0) como aresta da face ortogonal ao Eixo Z.
- Sejam A e B pontos do exemplo anterior. O cubo
 Cubo [A, B, Plano [EixoX, EixoY]] possui o segmento determinado pelos pontos A e B como aresta da face paralela ao Plano XY.

Obs.: Os dois exemplos acima produzem o mesmo resultado.

Dodecaedro

Comando: (Dodecahedron) Dodecaedro

Cria um dodecaedro partindo de três pontos adjacentes a uma face. Os pontos devem formar um pentágono regular, que será a face inicial do dodecaedro.

$$[$$
 , $]$ +CAS

Cria um dodecaedro partindo de dois pontos adjacentes a uma face. Um terceiro ponto é criado automaticamente sobre um círculo para que o dodecaedro possa girar em torno da aresta determinada pelos pontos <Ponto 1> e <Ponto 2>.

Obs.: Este modo é um caso particular do modo anterior.

Cria um dodecaedro partindo de um segmento determinado pelos vértices < Ponto 1> e < Ponto 2> . Os outros vértices são determinados pela direção dada, que pode ser em relação a um vetor, uma reta, um segmento ou um raio ortogonal; ou por um plano ou polígono paralelo ao segmento inicial.

Exemplos:

- O dodecaedro Dodecaedro [A, B, EixoZ] possui o segmento determinado pelos pontos A = (0, 0, 0) e B = (0, 3, 0) como aresta da face ortogonal ao Eixo Z.
- Sejam A e B pontos do exemplo anterior. O dodecaedro Dodecaedro [A, B, Plano [EixoX, EixoY]] possui o segmento determinado pelos pontos A e B como aresta da face paralela ao Plano XY.

Obs.: Os dois exemplos acima produzem o mesmo resultado.

Embaixo

Retorna a parte inferior da quádrica limitada.

Comando: (Bottom) Embaixo

Entradas: [< Quádrica >] + CAS

Retorna um círculo caso o argumento seja um cilindro ou um cone.

Exemplos:

• Considere o cilindro a: Cilindro[(0, 0, 0), (0, 0, 1), 1] . O comando b: Embaixo[a] retorna o círculo

• b:
$$X = (0, 0, 0) + (\cos(t), -\sin(t), 0)$$
.

Já Embaixo[c], sendo c: Cone[Acima[a], 1] retorna o círculo limitante superior do cilindro, pois este é o limitante inferior do cone.

• b:
$$X = (0, 0, 1) + (\cos(t), -\sin(t), 0)$$
.

Esfera

Comando: (Sphere) Esfera

Entradas: [<*Ponto*>, <*Raio*>] +*CAS*

Cria uma esfera com centro *<Ponto>* e raio *<Raio>* .

Entradas: [<Ponto 1>, <Ponto 2>] +CAS

Cria uma esfera que contém o ponto <Ponto 2> e possui centro <Ponto 1>.

Icosaedro

Comando: (Icosahedron) Icosaedro

Entradas: [<Ponto 1>, <Ponto 2>, <Ponto 3>] +CAS

Cria um icosaedro partindo de três pontos adjacentes a uma face. Os pontos devem formar um triângulo equilátero, que será a face inicial do dodecaedro.

Cria um icosaedro partindo de dois pontos adjacentes a uma face. Um terceiro ponto é criado automaticamente sobre um círculo para que o icosaedro possa girar em torno da aresta determinada pelos pontos *Ponto 1>* e *Ponto 2>*.

Obs.: Este modo é um caso particular do modo anterior.

Cria um icosaedro partindo de um segmento determinado pelos vértices *<Ponto* 1> e *<Ponto* 2> . Os outros vértices são determinados pela direção dada, que pode ser em relação a um **vetor**, uma **reta**, um **segmento** ou um **raio** ortogonal; ou por um **plano** ou **polígono** paralelo ao segmento inicial.

Interseção Cônica

<u>Comando</u>: (IntersectConic) Interseção Cônica

Entradas: [<Plano>, <Quádrica>] +CAS

Retorna a interseção entre um plano e uma cônica.

[<Quádrica>, <Quádrica>] +CAS

Retorna uma cônica definida caso a interseção seja uma.

Octaedro

Comando: (Octahedron) Octaedro

<u>Entradas</u>: [<*Ponto 1>, <Ponto 2>, <Ponto 3>*] +*CAS*

Cria um octaedro partindo de três pontos adjacentes a uma face. Os pontos devem formar um triângulo equilátero, que será a face inicial do dodecaedro.

Cria um octaedro partindo de dois pontos adjacentes a uma face. Um terceiro ponto é criado automaticamente sobre um círculo para que o octaedro possa girar em torno da aresta determinada pelos pontos <Ponto 1> e <Ponto 2>.

Obs.: Este modo é um caso particular do modo anterior.

Cria um octaedro partindo de um segmento determinado pelos vértices *<Ponto* 1> e *<Ponto* 2> . Os outros vértices são determinados pela direção dada, que pode ser em relação a um **vetor**, uma **reta**, um **segmento** ou um **raio** ortogonal; ou por um **plano** ou **polígono** paralelo ao segmento inicial.

Pirâmide

Comando: (Pyramid) Pirâmide

Entradas: [<Ponto 1>, <Ponto 2>, ..., <Ponto N>] +CAS

Retorna uma pirâmide com base definida pelos n-1 pontos e vértice definido por $<\!Ponto\ N\!>$.

Retorna uma pirâmide com base determinada por <Polígono> e vértice definido por <Ponto>.

Retorna uma pirâmide centrada com base determinada por <Polígono> e altura <Altura>.

Planificação

Comando: (Net) Planificação

Plano

Comando: (Plane) Plano

Plano Mediador

Comando: (PlaneBisector) PlanoMediador

Plano Perpendicular

Comando: (Perpendicular Plane) Plano Perpendicular

Prisma

Comando: (Prism) Prisma

Superfície

Comando: (Surface) Superfície

Superfície Lateral

Comando: (Side) SuperfícieLateral

Tetraedro

Comando: (Tetrahedron) Tetraedro

Volume

Comando: (Volume) Volume

Álgebra

Completar Quadrados

Comando: (CompleteSquare) CompletarQuadrados

Retorna a função quadrática na forma

$$a(x-h)^2 + k.$$

Entradas: [< Função Quadrática >] + CAS

Exemplos:

• O comando CompletarQuadrados [x^2 - x + 1] inserido no Campo de Entrada retorna

•
$$f(x) = (x - 0.5)^2 + 0.75$$
.

na Janela de Álgebra. O mesmo comando inserido na Janela CAS retorna

$$\to \left(x - \frac{1}{2}\right)^2 + \frac{3}{4}.$$

Funções de várias variáveis podem ser trabalhadas com o comando na Janela
 CAS. CompletarQuadrados [x^2 + x*y^2 - 2] retorna

$$\to \left(x + \frac{y^2}{2}\right)^2 + \frac{-8 - y^4}{4}.$$

De Base Qualquer para Base Decimal

Comando: (FromBase) DaBase

Converte um número inteiro dado em uma base entre 2 e 36 para base decimal.

Entradas: [<Número como Texto>, <Base>] +CAS

Exemplos:

• DaBase["F2A7", 16] retorna

 \circ a = 62119.

ullet 3E0, A_{16} é igual a $992,625_{10}$. O comando DaBase["3E0, A", 16] retorna

o a indefinido.

Veja o Exercício 1 na página 105.

Denominador Comum

Comando: (CommonDenominator) DenominadorComum

Retorna uma função ou número que representa o mínimo múltiplo comum dos denominadores das duas expressões.

Entradas: [<Expressão > , <Expressão >] +CAS

As duas expressões devem ser de mesma natureza, ou seja, ambas números ou ambas funções.

Exemplos:

• DenominadorComum[1/3, 1/2] retorna

$$\circ$$
 a = 6.

• DenominadorComum[1/(x+1), $1/(x^2 + 2x + 1)$] retorna

•
$$f(x) = x^2 + 2x + 1$$
.

DenominadorComum[1/3, 1/x] retorna erro de argumento inválido. Já
 o comando DenominadorComum[1/3x^0, 1/x] retorna

•
$$f(x) = 3x$$
.

Divisão Euclidiana

Comando: (Division) Divisão Euclidiana

Retorna a lista $\{Q,R\}$, sendo Q o quociente e R o resto da divisão de dois inteiros ou dois polinômios.

Entradas: [<Número Dividendo>, <Número Divisor>] +CAS

Exemplos:

• DivisãoEuclidiana[17, 5] retorna

$$\circ$$
 lista1 = {3, 2}.

• DivisãoEuclidiana[$4x^2 - 8x + 4$, x - 2] retorna

• lista1 =
$$\{4x, 4\}$$
.

É Primo?

Comando: (IsPrime) ÉPrimo

Retorna true (verdadeiro) caso o número seja primo ou false (falso) caso contrário.

Entradas: [<Número>] +CAS

Exemplos:

- ÉPrimo[130] retorna
 - \circ a = false.
- ÉPrimo[1304321] retorna
 - \circ a = true.

Expandir

Comando: (Expand) Expandir

Expande a função de entrada.

Entradas: [<Função>] +CAS

Obs.: Mesmo inserido no Campo de Entrada ou em scripts, o CAS é carregado na execução do comando podendo causar lentidão em alguns computadores. Uma alternativa é o comando *(polynomial) Polinômio* caso a entrada *<Função>* seja polinomial.

Exemplos:

- Expandir $[(x + 2)^3 x^3]$ retorna
 - $f(x) = 6x^2 + 12x + 8$
- Expandir[(cos(x) + sen(x))^2] retorna
 - $f(x) = cos(x)^2 + 2cos(x)sin(x) + sin(x)^2$.

Fatoração Polinomial sobre os Racionais

Comando: (Factor) Fatorar

Fatora polinômios sobre o Conjundo dos Racionais. Para fatorar sobre Reais use o comando (IFactor) FatorarComCoeficientesIrracionais. Para fatorar sobre o Conjundo dos Complexos use os comandos (CFactor) FatorarNosComplexos e (CIFactor) FatorarNosComplexosComCoeficientesIrracionais.

Entradas: [<Polinômio>, <Variável>] +CAS

O polinômio é fatorado em relação a *<Variável>* , esta entrada é usada apenas na Janela CAS e é opcional.

Obs.: Mesmo inserido no Campo de Entrada ou em scripts, o CAS é carregado na execução do comando podendo causar lentidão em alguns computadores.

Exemplos:

• Fatorar[x^2 + x - 2] retorna

•
$$f(x) = (x - 1)(x + 2)$$
.

• Fatorar[$x^2 + x + 1/4$] retorna

•
$$f(x) = \frac{(2x+1)^2}{4}$$
.

• Na Janela CAS Fatorar[4x^2 + 4a x + a^2, a] retorna

$$\rightarrow (a+2x)^2$$

Fatoração Polinomial sobre os Reais

Comando: (IFactor) FatorarComCoeficientesIrracionais

Fatora polinômios sobre o Conjundo dos Reais.

Entradas: [<Polinômio>, <**Variável>**] +CAS

O polinômio é fatorado em relação a *Variável>*, esta entrada é usada apenas na Janela CAS e é opcional.

Obs.: Mesmo inserido no Campo de Entrada ou em scripts, o CAS é carregado na execução do comando podendo causar lentidão em alguns computadores.

Exemplos:

• FatorarComCoeficientesIrracionais[x^2 + 2x - 17] retorna

•
$$f(x) = (x - 3\sqrt{2} + 1)(x + 3\sqrt{2} + 1).$$

• Para fatorar a expressão $-4\sqrt{15}~a^2+2~b^2+ab\left(2~\sqrt{5}-\sqrt{3}\cdot 4\right)$ em relação a variável b, inserimos na Janela CAS o comando:

IFactor[-4 sqrt(15)a^2 +a b $(2 \text{ sqrt}(5) -4 \text{ sqrt}(3)) +2b^2, b]$ que retorna

$$\rightarrow 20 \left(b - 2\sqrt{3}a\right) \frac{b + \sqrt{5}a}{10}.$$

Fatores Primos

Comando: (PrimeFactors) FatoresPrimos

Retorna uma lista de números primos tais que o produto destes é igual ao número de entrada.

Entradas: [<Número>] +CAS

Exemplos:

• FatoresPrimos[46] retorna

$$\circ$$
 {2, 23}

• Na janela CAS FatoresPrimos[512] retorna

$$\rightarrow \{2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2\}.$$

Lado Direito da Equação

Comando: (RightSide) LadoDireito

Recebe uma ou mais equações retornando o lado direito destas de acordo com as entradas a seguir.

Entradas: [< Equação >] + CAS

Se usado no Campo de Entrada ou em Scripts, retorna o coeficiente que independe de variáveis pelo lado direito da equação *<Equação>* simplificada.

Se usado no CAS, retorna apenas o lado direito da equação *<Equação>*.

Exemplos:

 A seguir, o comando LadoDireito[x^2 + 2 = 3x + 1] inserino no Campo de Entrada e na Janela CAS retorna respectivamente

•
$$a(x,y) = -1$$

$$\rightarrow 3x + 1$$
.

Retorna uma lista contendo o lado direito de cada equação da lista de equações < Lista de Equações > caso < Índice > seja omitido, caso contrário retorna apenas o lado direito da equação de índice < Índice > .

Obs.: $\langle \textit{Indice} \rangle$ deve ser um número inteiro pertencente ao intervalo [1, n], sendo n o número de elementos da lista.

Exemplos:

• LadoDireito[$\{x^2 + 2 = 3x + 1, x^2 = cos(x)\}$] retorna

$$\to \{3 x + 1, \cos(x)\}.$$

• LadoDireito[$\{x^2 + 2 = 3x + 1, x^2 = \cos(x)\}$, 2] retorna

$$\rightarrow \cos(x)$$
.

Lado Esquerdo da Equação

Comando: (LeftSide) LadoEsquerdo

Recebe uma ou mais equações retornando o lado esquerdo destas de acordo com as entradas a seguir.

Se usado no Campo de Entrada ou em Scripts, retorna o lado esquerdo da equação < Equação > que é simplificada de maneira que o coeficiente que independe de variáveis é isolado para o lado direito.

Se usado no CAS, retorna apenas o lado esquerdo da equação < Equação > .

Exemplos:

A seguir, o comando LadoEsquerdo[x^2 + 2 = 3x + 1] inserino no
 Campo de Entrada e na Janela CAS retorna respectivamente

•
$$a(x,y) = x^2 - 3x$$

$$\rightarrow x^2 + 2$$
.

[<Lista de Equações>, <Índice>] CAS

Retorna uma lista contendo o lado esquerdo de cada equação da lista de equações <Lista de Equações > caso <Índice > seja omitido, caso contrário retorna apenas o lado esquerdo da equação de índice <Índice > .

Obs.: $\langle \textit{Indice} \rangle$ deve ser um número inteiro pertencente ao intervalo [1, n], sendo n o número de elementos da lista.

Exemplos:

• LadoEsquerdo[$\{x^2 + 2 = 3x + 1, x^2 = \cos(x)\}$] retorna

$$\rightarrow \{x^2+2, \ x^2\}.$$

• LadoEsquerdo[$\{x^2 + 2 = 3x + 1, x^2 = \cos(x)\}$, 1] retorna

$$\rightarrow x^2 + 2$$
.

Lista dos Divisores

Comando: (DivisorsList) ListaDosDivisores

Retorna uma lista contendo o número e seus divisores positivos.

Entradas: [< Número >] + CAS

<Número> deve ser um número natural não nulo.

• ListaDosDivisores[27] retorna

$$\circ$$
 lista1 = {1, 3, 9, 27}

 Caso o número seja primo, a lista de saída irá conter apenas o número 1 e o próprio número de entrada. ListaDosDivisores[131] retorna

$$\circ$$
 lista1 = {1, 131}

Máximo

Comando: (Max) Máximo

Retorna o máximo de uma lista de números, um intervalo, uma função ou dados de uma lista com frequências.

$$\underline{\mathsf{Entradas}} \colon [\ < \mathit{Lista} > \] + \mathit{CAS}$$

Se a lista *<Lista>* contem objetos ao invés de números, são considerados os números relacionados aos objetos.

Exemplos:

• Máximo[{3,1,7,47,0}] retorna

$$\circ$$
 a = 47.

Considere A = (0,0), B = (0,2), C = (2,0) e D = (2,1). O comando Máximo[{Polígono[A,B,C], Polígono[A,C,D]}] retorna a maior área entre os triângulos ABC e ACD.

$$\circ$$
 a = 2.

Retorna o limite superior do intervalor *<Intervalo>* , que pode ser aberto ou fechado.

Exemplos:

• Máximo [15 < x < 18] retorna o supremo do intervalo (15,18).

$$\circ$$
 a = 18.

• Máximo [15 < x \leq 18] retorna o máximo do intervalo (15,18].

$$\circ$$
 a = 18.

$$[< Número >, < Número >] + CAS$$

Retorna o maior dos dois números dados.

Exemplos:

• Máximo[-1, 8] retorna

$$\circ$$
 a = 8.

Retorna o ponto máximo da função no intervalo dado. A função deve ser contínua e possuir somente um máximo local no intervalo.

Exemplos:

• Máximo[cos(x), -Pi/2, Pi/2] retorna

•
$$A = (0,1)$$
.

Retorna o máximo da lista de dados com frequência correspondente não nula.

• Máximo[{10, 11, 23, -10}, {3, 1, 0, 30}] retorna

$$\circ$$
 a = 11.

Máximo Divisor Comum

Comando: (GCD) MDC

Retorna o maior divisor comum entre números ou polinômios.

Entradas: [<Número>, <Número>] +CAS

Exemplos:

• MDC[15, 5] retorna

$$\circ$$
 a = 5.

• MDC[7, 11] retorna

$$\circ$$
 a = 1.

(<Lista de Números>] +CAS

Exemplos:

• MDC[{15, 35, 45}] retorna

$$\circ$$
 a = 5.

[<Polinômio>, <Polinômio>] CAS

Exemplos:

• MDC[x + 2, $x^2 + 2x$] retorna

$$\rightarrow x + 2$$
.

[<Lista de Polinômios>] CAS

Exemplos:

• MDC[
$$\{x + 2, x^2 + 2x, x^3 + 2x^2\}$$
] retorna

$$\rightarrow x + 2$$
.

Mínimo

Comando: (Min) Mínimo

Retorna o mínimo de uma lista de números, um intervalo, uma função ou dados de uma lista com frequências.

Entradas: $[\langle Lista \rangle] + CAS$

Se a lista *<Lista>* contem objetos ao invés de números, são considerados os números relacionados aos objetos.

Exemplos:

• Minimo[{3,1,7,47,0}] retorna

$$\circ$$
 a = 0.

• Considere A = (0,0), B = (0,2), C = (2,0) e D = (2,1). O comando Mínimo[{Polígono[A,B,C], Polígono[A,C,D]}] retorna a menor área entre os triângulos ABC e ACD.

$$\circ$$
 a = 1.

Retorna o limite inferior do intervalor *<Intervalo>* , que pode ser aberto ou fechado.

• Mínimo [15 < x < 18] retorna o infimo do intervalo (15,18).

$$\circ$$
 a = 15.

• Mínimo [15 < x \leq 18] retorna o mínimo do intervalo (15,18].

$$\circ$$
 a = 15.

Retorna o menor dos dois números dados.

Exemplos:

• Mínimo[-1, 8] retorna

$$\circ$$
 a = -1.

Retorna o ponto mínimo da função no intervalo dado. A função deve ser contínua e possuir somente um mínimo local no intervalo.

Exemplos:

• Mínimo[sin(x), -4, 0] retorna

•
$$A = (-1.57, -1)$$
.

Retorna o mínimo da lista de dados com frequência correspondente não nula.

Exemplos:

• Mínimo[{10, 11, 23, -10}, {0, 1, 5, 0}] retorna

$$\circ$$
 a = 11.

Mínimo Múltiplo Comum

Comando: (LCM) MMC

Retorna o menor múltiplo comum entre números ou polinômios.

Entradas: [<Número>, <Número>] +CAS

Exemplos:

• MMC[15, 5] retorna

$$\circ$$
 a = 15.

• MMC[7, 11] retorna

$$\circ$$
 a = 77.

[<Lista de Números>] +CAS

Exemplos:

• MMC[{15, 35, 45}] retorna

$$\circ$$
 a = 315.

[<Polinômio>, <Polinômio>] CAS

Exemplos:

• MMC[x + 2, $x^2 + 2x$] retorna

$$\rightarrow x^2 + 2x$$
.

[<Lista de Polinômios>] CAS

• MMC[
$$\{x + 2, x^2 + 2x, x^3 + 2x^2\}$$
] retorna

$$\rightarrow x^3 + 2x^2$$

Número de Divisores

Comando: (Divisors) Número De Divisores

Retorna o número de divisores positivos, incluindo o próprio número dado.

Entradas: [<Número>] +CAS

<Número> deve ser um número natural não nulo.

Exemplos:

• NúmeroDeDivisores[18] retorna

$$\circ$$
 a = 6.

Se o número é primo, então é divisível por 1 e por ele mesmo.
 NúmeroDeDivisores[31] retorna

$$\circ$$
 a = 2.

De Base Decimal para Outra Base

<u>Comando</u>: (ToBase) ParaBase

Converte um número na base decimal para outra base entre 2 e 36.

Entradas: [< Número >, < Base >] + CAS

- ParaBase[62119, 16] retorna
 - texto1 = "F2A7".
- ParaBase[992.625, 16] retorna
 - texto1 = "3E0.A0".

Primo Anterior

<u>Comando</u>: (PreviousPrime) PrimoAnterior

Retorna o maior primo menor que o número dado.

Exemplos:

- PrimoAnterior[56458] retorna
 - $\rightarrow 56453$.
- PrimoAnterior[31] retorna

$$\circ$$
 a = 29.

Produto Escalar

Comando: (Dot) ProdutoEscalar

Retorna o produto escalar entre dois vetores.

Entradas: [<Vetor>, <Vetor>] +CAS

• ProdutoEscalar[(-1, 4, 1), (3, -2, 7)] retorna

$$\circ$$
 a = -4.

• A entrada (-1, 4, 1)(3, -2, 7) produz o mesmo resultado do exemplo anterior.

Produto Vetorial

Comando: (Cross) ProdutoVetorial

Retorna o produto vetorial entre dois vetores.

Os argumentos *<Vetor>* podem ser substituídos por listas.

 ${\bf Obs.}$: O operador \otimes pode ser usado para se obter o mesmo resuldo que o comando.

• ProdutoVetorial[u, v] sendo os vetores u=(1,2,3) e v=(-1,2,7) retorna

•
$$w = (8, -10, 4)$$
.

O mesmo resultado é obtido por $[u \otimes v]$. Vale lembrar que [v,w] e [v,w] e [v,w] são ambos nulos, já que [v,w] e [v,w] e [v,w]

• Caso os vetores de entrada possuam apenas duas coordenada, o resultado é a coordenada z do vetor de três coordenadas ortogonal ao plano xy. O comando $(1, 2) \otimes (4, 5)$ retorna

•
$$w = -3$$
.

Observe que ProdutoVetorial[(1, 2, 0), (4, 5, 0)] retorna

•
$$w = (0, 0, -3).$$

• Na Janela CAS podemos usar vetores genéricos. Considerando os vetores u := (1, 2, 3) e v := (a, 1, -1) fazendo $u \otimes v$ obtemos

$$\rightarrow (-5, 3a + 1, 1 - 2a).$$

Próximo Primo

Comando: (NextPrime) PróximoPrimo

Retorna o menor primo maior que o número dado.

Entradas: [<Número>] +CAS

• PróximoPrimo[1001] retorna

 $\rightarrow 1009$.

• PróximoPrimo[1009] retorna

 \circ a = 1013.

Quociente

Comando: (Div) Quociente

Retorna o quociente da divisão.

Entradas: [<Dividendo>, <Divisor>] +CAS

Os argumentos *<Dividendo>* e *<Divisor>* podem ser números ou polinômios.

Exemplos:

• Quociente[10, 3] retorna

 \circ a = 3.

• Quociente $[4x^2 - 8x + 4, x - 2]$ retorna

• f(x) = 4x.

Resto

Comando: (Mod) Resto

Retorna o resto da divisão.

Entradas: [<Dividendo>, <Divisor>] +CAS

Os argumentos *<Dividendo>* e *<Divisor>* podem ser números ou polinômios.

Exemplos:

- Resto[10, 3] retorna
 - \circ a = 1.
- Resto $[4x^2 8x + 4, x 2]$ retorna
 - f(x) = 4.

Simplificar

Simplifica os termos da função dada caso seja possível.

Comando: (Simplify) Simplificar

Entradas: [<Função>] +CAS

Na Janela CAS, variáveis indefinidas podem ser usadas.

Exemplos:

- Simplificar[sen(x)^2 + cos(x)^2] retorna
 - f(x) = 1.
- Simplificar[2x + x 4x] retorna
 - f(x) = -x.
- Na Janela CAS, Simplificar[$R*cos(x)^2 + R*sen(x)^2$] retorna

 $\rightarrow R$.

[<Texto>] +CAS

Simplifica textos de expressões efetuando operações com sinais.

Exemplos:

• texto1 = "
$$f(x) = -1\cos(-3x)$$
".

Obs.: Mesmo inserido no Campo de Entrada ou em scripts, o CAS é carregado na execução do comando podendo causar lentidão em alguns computadores.

O comando LaTeX (página 96) além de mais simples, produz melhor resultado.

Soma dos Divisores

Comando: (DivisorsSum) SomaDosDivisores

Cônicas

Centro

Comando: (Center) Centro

Círculo

Comando: (Circle) Círculo

Círculo Inscrito

Comando: (Incircle) CírculoInscrito

Comprimento do Semieixo Maior

<u>Comando</u>: (SemiMajorAxisLength) ComprimentoDoSemieixoMaior

Comprimento do Semieixo Menor

<u>Comando</u>: (SemiMinorAxisLength) ComprimentoDoSemieixoMenor

Cônica

Comando: (Conic) Cônica

Diâmetro Conjugado

<u>Comando</u>: (ConjugateDiameter) DiâmetroConjugado

Diretriz

Comando: (Directrix) Diretriz

Eixo Maior

Comando: (MajorAxis) EixoMaior

Eixo Menor

Comando: (MinorAxis) EixoMenor

Eixos

Comando: (Axes) Eixos

Elipse

Comando: (Ellipse) Elipse

Excentricidade

Comando: (Eccentricity) Excentricidade

Excentricidade Linear

Comando: (Linear Eccentricity) Excentricidade Linear

Foco

Comando: (Focus) Foco

Hipérbole

Comando: (Hyperbola) Hipérbole

Parábola

Comando: (Parabola) Parábola

Parâmetro

Comando: (Parameter) Parâmetro

Polar

Comando: (Polar) Polar

Semicírculo

Comando: (Semicircle) Semicírculo

Diagramas

BoxPlot

Comando: (BoxPlot) BoxPlot

Diagrama de Barras

<u>Comando</u>: (BarChart) DiagramaDeBarras

Diagrama de Caule e Folhas

Comando: (StemPlot) DiagramaDeCauleEFolhas

Diagrama de Hastes

Comando: (StickGraph) DiagramaDeHastes

Diagrama de Pontos

Comando: (DotPlot) DiagramaDePontos

Diagrama em Degraus

Comando: (StepGraph) DiagramaEmDegraus

Diagrama Quantil Normal

<u>Comando</u>: (NormalQuantilePlot) DiagramaQuantilNormal

Diagrama Residual

Comando: (ResidualPlot) DiagramaResidual

Histograma

Comando: (Histogram) Histograma

Histograma Direita

Comando: (HistogramRight) HistogramaDireita

Polígono de Frequências

Comando: (FrequencyPolygon) PolígonoDeFrequências

Tabela de Contingência

Comando: (Contingency Table) Tabela De Contingência

Tabela de Frequências

<u>Comando</u>: (FrequencyTable) TabelaDeFrequências

Estatística

Amostra

Comando: (Sample) Amostra

ANOVA

Comando: (ANOVA) ANOVA

Coeficiente de Correlação

<u>Comando</u>: (Correlation Coefficient) Coeficiente De Correlação

Correlação de Spearman

Comando: (Spearman) Correlação De Spearman

Covariância

Comando: (Covariance) Covariância

Desvio Padrão

Comando: (SD) DesvioPadrão

Desvio Padrão Amostral

Comando: (SampleSD) DesvioPadrãoAmostral

Desvio Padrão Amostral X

Comando: (SampleSDX) DesvioPadrãoAmostralX

Desvio Padrão Amostral Y

Comando: (SampleSDY) DesvioPadrãoAmostralY

Desvio Padrão X

Comando: (SDX) DesvioPadrãoX

Desvio Padrão Y

Comando: (SDY) DesvioPadrão Y

Embaralhar

Comando: (Shuffle) Embaralhar

Estimar Média T

Comando: (TMeanEstimate) EstimarMédiaT

Estimar Média T2

Comando: (TMean2Estimate) EstimarMédiaT2

Estimar Média Z

Comando: (ZMeanEstimate) EstimarMédiaZ

Estimar Média Z2

Comando: (ZMean2Estimate) EstimarMédiaZ2

Estimar Proporção Z

<u>Comando</u>: (ZProportionEstimate) EstimarProporçãoZ

Estimar Proporção Z2

Comando: (ZProportion2Estimate) EstimarProporçãoZ2

Média

Comando: (Mean) Média

Média Geométrica

<u>Comando</u>: (GeometricMean) MédiaGeométrica

Média Harmônica

<u>Comando</u>: (HarmonicMean) MédiaHarmônica

Mediana

Comando: (Median) Mediana

Média Quadrática

Comando: (RootMeanSquare) MédiaQuadrática

Média X

Comando: (MeanX) MédiaX

Média Y

Comando: (MeanY) MédiaY

Moda

Comando: (Mode) Moda

Percentil

Comando: (Percentile) Percentil

Q1

Comando: (Q1) Q1

Q3

Comando: (Q3) Q3

Regressão

Comando: (Fit) Regressão

Regressão de Crescimento

<u>Comando</u>: (FitGrowth) Regressão De Crescimento

Regressão Exponencial

Comando: (FitExp) Regressão Exponencial

Regressão Implícita

Comando: (FitImplicit) RegressãoImplícita

Regressão Linear

<u>Comando</u>: (FitLine) RegressãoLinear

Regressão Linear X

Comando: (FitLineX) RegressãoLinearX

Regressão Logarítmica

Comando: (FitLog) RegressãoLogarítmica

Regressão Logística

Comando: (FitLogistic) RegressãoLogística

Regressão Polinomial

Comando: (FitPoly) RegressãoPolinomial

Regressão Potência

Comando: (FitPow) RegressãoPotência

Regressão Sinusoidal

Comando: (FitSin) RegressãoSinusoidal

RQuadrado

Comando: (RSquare) RQuadrado

SigmaXX

Comando: (SigmaXX) SigmaXX

SigmaXY

Comando: (SigmaXY) SigmaXY

SigmaYY

Comando: (SigmaYY) SigmaYY

Soma

Comando: (Sum) Soma

Soma dos Erros Quadrados

<u>Comando</u>: (SumSquaredErrors) SomaDosErrosQuadrados

Sxx

Comando: (Sxx) Sxx

Sxy

Comando: (Sxy) Sxy

Syy

Comando: (Syy) Syy

Teste ChiQuadrado

Comando: (ChiSquaredTest) TesteChiQuadrado

Teste Média Z

Comando: (ZMeanTest) TesteMédiaZ

Teste Média Z2

Comando: (ZMean2Test) TesteMédiaZ2

Teste Proporção Z

<u>Comando</u>: (ZProportionTest) TesteProporçãoZ

TesteProporção Z2

Comando: (ZProportion2Test) TesteProporçãoZ2

Teste T

Comando: (TTest) TesteT

Teste T2

Comando: (TTest2) TesteT2

Teste T Emparelhado

Comando: (TTestPaired) TesteTEmparelhado

Variância

Comando: (Variance) Variância

Variância da Amostra

<u>Comando</u>: (SampleVariance) VariânciaDaAmostra

Funções e Cáculo

Assíntota

Comando: (Asymptote) Assíntota

Campo de Direções

Comando: (SlopeField) CampoDeDireções

Círculo Osculador

Comando: (Osculating Circle) Círculo Osculador

Coeficientes

Comando: (Coefficients) Coeficientes

Combinar Expressões Trigonométricas

<u>Comando</u>: (*TrigCombine*) *CombinarExpressõesTrigonométricas*

Curva

Comando: (Curve) Curva

Curva Implícita

Comando: (ImplicitCurve) Curvalmplícita

Curvatura

Comando: (Curvature) Curvatura

Denominador

Comando: (Denominator) Denominador

Derivada

Comando: (Derivative) Derivada

Derivada Implícita

Comando: (ImplicitDerivative) DerivadaImplícita

Derivada Numérica

Comando: (NDerivative) Derivada Numérica

Derivada Paramétrica

<u>Comando</u>: (ParametricDerivative) DerivadaParamétrica

Expandir Expressões Trigonométricas

<u>Comando</u>: (TrigExpand) ExpandirExpressõesTrigonométricas

Extremo

Comando: (Extremum) Extremo

Fatores

Comando: (Factors) Fatores

Frações Parciais

Comando: (PartialFractions) FraçõesParciais

Função

Comando: (Function) Função

Grau

Comando: (Degree) Grau

Integral

Comando: (Integral) Integral

Integral Entre

Comando: (IntegralBetween) IntegralEntre

Integral Numérica

<u>Comando</u>: (NIntegral) IntegralNumérica

lteração

Comando: (Iteration) Iteração

Limite

Comando: (Limit) Limite

Limite Inferior

Comando: (LimitBelow) LimiteInferior

Limite Superior

<u>Comando</u>: (LimitAbove) LimiteSuperior

Lista de Iteração

<u>Comando</u>: (IterationList) ListaDelteração

Lista para Pontos do Eixo X

<u>Comando</u>: (RootList) ListaParaPontosEixoX

NInvert

Comando: (NInvert) NInvert

Normalizar

Comando: (Normalize) Normalizar

Numerador

Comando: (Numerator) Numerador

Parâmetro do Ponto Sobre o Caminho

<u>Comando</u>: (PathParameter) ParâmetroDoPontoSobreCaminho

Polinômio

Expande ou interpola uma função polinomial.

Comando: (Polynomial) Polinômio

Entradas: [< Função >, < Variável >] + CAS

No Campo de Entrada, expande o polinômio $\langle Função \rangle$. Na Janela CAS, expande o polinômio $\langle Função \rangle$ agrupando os coeficientes à variável indicada ou em x caso $\langle Variável \rangle$ seja omitido.

Obs.: A entrada *Variável*> é usada apenas na Janela CAS.

Exemplos:

No Campo de Entrada ou script Polinômio[(x + 2)^3 - x^3] retorna

•
$$f(x) = 6x^2 + 12x + 8$$
.

• Na Janela CAS Polinômio[(x-1)^2 - (x - a)^2] e Polinômio[(x-1)^2 - (x - a)^2, x] são equivalentes e retornam

$$\rightarrow$$
 -a² + 1 + (2a - 2)x.

• Na Janela CAS Polinômio[(x-1)^2 - (x - a)^2, a] retorna

$$\rightarrow$$
 -a² + 2xa - 2x + 1.

Retorna um polinômio de grau n-1 criado pela interpolação polinomial dos n pontos indicados na $\ <$ Lista $\ de$ Pontos> .

- Polinômio[{ (-1,1), (0,0), (1,1) }] retorna
 - $f(x) = x^2$.
- Sejam os pontos A = (-3, 1), B = (1, 1), C = (2, 4) e D = (0, 0). O comando $Polinômio[{A, B, C, D}]$ inserido no Campo de Entrada retorna

•
$$f(x) = 0.13x^3 + 0.6x^2 + 0.27x$$

ou na Janela CAS retorna

$$\to \frac{2}{15}x^3 + \frac{3}{5}x^2 + \frac{4}{15}x.$$

Polinômio de Taylor

Comando: (TaylorPolynomial) PolinômioDeTaylor

Ponto de Inflexão

Comando: (Extremum) Ponto De Inflexão

Raiz

Comando: (Root) Raiz

Raízes

Comando: (Roots) Raízes

Raízes Complexas

<u>Comando</u>: (ComplexRoot) RaízesComplexas

Resolver EDO

Comando: (SolveODE) ResolverEDO

Resolver EDO Numericamente

<u>Comando</u>: (NSolveODE) ResolverEDONumericamente

Simplificar Expressões Trigonométricas

<u>Comando</u>: (*TrigSimplify*) SimplificarExpressõesTrigonométricas

Soma De Riemann à Esquerda

<u>Comando</u>: (LeftSum) SomaDeRiemanÀEsquerda

Soma de Riemann Inferior

Comando: (LowerSum) SomaDeRiemannInferior

Soma de Riemann Superior

Comando: (UpperSum) SomaDeRiemannSuperior

Soma Retângulos

Comando: (RectangleSum) SomaRetângulos

Soma Trapezoidal

<u>Comando</u>: (TrapezoidalSum) SomaTrapezoidal

Spline

Comando: (Spline) Spline

SVD

Comando: (SVD) SVD

Vetor Curvatura

<u>Comando</u>: (CurvatureVector) VetorCurvatura

GeoGebra

Comandos específicos de configuração e manipulação dos objetos e janelas de trabalho.

Animar Construção do Gráfico

Comando: (SlowPlot) AnimarConstruçãoDoGráfico

Canto

Comando: (Corner) Canto

Configurar Passo de Construção

<u>Comando</u>: (SetConstructionStep) ConfigurarPassoDeConstrução

Coordenadas Dinâmicas

<u>Comando</u>: (DynamicCoordinates) CoordenadasDinâmicas

Forma Cartesiana

Comando: (ToPoint) FormaCartesiana

Forma Complexa

Comando: (ToComplex) FormaComplexa

Forma Polar

Comando: (ToPolar) FormaPolar

Imagem da Ferramenta

Comando: (Toollmage) ImagemDaFerramenta

Nome

Comando: (Name) Nome

Objeto

Comando: (Object) Objeto

Passo da Construção

Comando: (ConstructionStep) PassoDaConstrução

Passo do Eixo X

Comando: (AxisStepX) PassoDoEixoX

Passo do Eixo Y

Comando: (AxisStepY) PassoDoEixoY

Geometria

Ângulo

Comando: (Angle) Ângulo

Arco

Comando: (Arc) Arco

Arco Circular

Comando: (CircularArc) ArcoCircular

Arco Circuncircular

Comando: (CircumcircularArc) ArcoCircuncircular

Área

Comando: (Area) Área

Baricentro

Comando: (Barycenter) Baricentro

Bissetriz

Comando: (AngleBisector) Bissetriz

Caminho Poligonal

Comando: (Polyline) CaminhoPoligonal

Centro de Gravidade

<u>Comando</u>: (Centroid) CentroDeGravidade

Centro do Triângulo

Comando: (TriangleCenter) CentroDoTriângulo

Comprimento

Comando: (Length) Comprimento

Cúbica

Comando: (Cubic) Cúbica

Curva do Triângulo

Comando: (TriangleCurve) CurvaDoTriângulo

Detalhes da Prova

Comando: (ProveDetails) DetalhesDaProva

Difference

Comando: (Difference) Difference

Direção

Comando: (Direction) Direção

Distância

Comando: (Distance) Distância

Envelope

Comando: (Envelope) Envelope

Equação do Lugar Geométrico

Comando: (Locus Equation) Equação Do Lugar Geométrico

Inclinação

Comando: (Slope) Inclinação

Interseção

Comando: (Intersect) Interseção

Interseção Geométrica

Comando: (IntersectPath) Interseção Geométrica

Lugar Geométrico

<u>Comando</u>: (Locus) LugarGeométrico

Mediatriz

Comando: (PerpendicularBisector) Mediatriz

Perímetro

Comando: (Perimeter) Perímetro

Perpendicular

Comando: (PerpendicularLine) Perpendicular

Polígono

Comando: (Polygon) Polígono

Polígono Rígido

Comando: (RigidPolygon) PolígonoRígido

Ponto

Comando: (Point) Ponto

PontoEm

Comando: (Pointln) PontoEm

Ponto Mais Próximo

<u>Comando</u>: (ClosestPoint) PontoMaisPróximo

Ponto Mais Próximo Da Região

Comando: (Closest Point Region) Ponto Mais Próximo Da Região

Ponto Médio

Comando: (Midpoint) PontoMédio

Prove

Comando: (Prove) Prove

Raio

Comando: (Radius) Raio

Razão Afim

Comando: (AffineRatio) RazãoAfim

Razão Dupla

Comando: (CrossRatio) Razão Dupla

Reta

Comando: (Line) Reta

São Colineares?

Comando: (AreCollinear) SãoColineares

São Concíclicos?

Comando: (AreConcyclic) SãoConcíclicos

São Concorrentes?

Comando: (AreConcurrent) SãoConcorrentes

São Congruentes?

<u>Comando</u>: (AreCongruent) SãoCongruentes

São Iguais?

Comando: (AreEqual) Sãolguais

São Paralelas?

Comando: (AreParallel) SãoParalelas

São Perpendiculares?

Comando: (ArePerpendicular) SãoPerpendiculares

Segmento

Comando: (Segment) Segmento

Semirreta

Comando: (Ray) Semirreta

Setor

Comando: (Sector) Setor

Setor Circular

Comando: (CircularSector) SetorCircular

Setor Circuncircular

<u>Comando</u>: (CircumcircularSector) SetorCircuncircular

Tangente

Comando: (Tangent) Tangente

Trilinear

Comando: (Trilinear) Trilinear

Vértice

Comando: (Vertex) Vértice

Listas

Anexar

Comando: (Append) Anexar

Classes

Comando: (Classes) Classes

Concatenar

<u>Comando</u>: (Join) Concatenar

CriarPontosDeLista

Comando: (PointList) CriarPontosDeLista

Elemento

Comando: (Element) Elemento

Elemento Selecionado

Comando: (SelectedElement) ElementoSelecionado

Elementos Únicos

Comando: (Unique) Elementos Únicos

Empacotar

Comando: (Zip) Empacotar

Escolher Elemento Aleatoriamente

Comando: (RandomElement) EscolherElementoAleatoriamente

Frequência

Comando: (Frequency) Frequência

ÍndiceDe

Comando: (IndexOf) ÍndiceDe

ÍndiceSelecionado

Comando: (SelectedIndex) ÍndiceSelecionado

Inserir

Comando: (Insert) Inserir

Interseção de Listas

Comando: (Intersection) Interseção DeListas

Nivelar

Comando: (Flatten) Nivelar

Ordenar

Comando: (Sort) Ordenar

Parte da Lista

Comando: (OrdinalRank) ParteDaLista

Posições

Comando: (OrdinalRank) Posições

Posições Médias

Comando: (TiedRank) PosiçõesMédias

Primeiros

Comando: (First) Primeiros

Produto

Comando: (Product) Produto

LISTAS

Remover

Comando: (Remove) Remover

Remover Indefinidos

<u>Comando</u>: (RemoveUndefined) RemoverIndefinidos

Reverter

Comando: (Reverse) Reverter

Sequência

Comando: (Sequence) Sequência

Últimos

Comando: (Last) Últimos

União

Comando: (Union) União

Lógica

Contar Se...

Comando: (CountIf) ContarSe

É Inteiro?

Comando: (IsInteger) Élnteiro

Está Definido?

Comando: (IsDefined) EstáDefinido

Manter Se...

Comando: (Keeplf) ManterSe

Pertence a Região?

<u>Comando</u>: (IsInRegion) PertenceARegião

Relação

Comando: (Relation) Relação

Se

Comando: (If) Se

Matemática Discreta

Árvore Geradora Mínima

<u>Comando</u>: (MinimumSpanningTree) ÁrvoreGeradoraMínima

Caminho Mínimo

<u>Comando</u>: (ShortestDistance) CaminhoMínimo

Diagrama de Voronoi

Comando: (Voronoi) DiagramaDeVoronoi

Fecho Convexo

Comando: (ConvexHull) FechoConvexo

Problema do Caixeiro Viajante

<u>Comando</u>: (TravelingSalesman) ProblemaDoCaixeiroViajante

Triangulação de Delaunay

<u>Comando</u>: (Delaunay Triangulation) Triangulação De Delaunay

Matemática Financeira

Pagamento

Comando: (Payment) Pagamento

Períodos

Comando: (Periods) Períodos

Taxa

Comando: (Rate) Taxa

Valor Futuro

Comando: (FutureValue) ValorFuturo

Valor Presente

Comando: (PresentValue) ValorPresente

Otimização

Maximizar

Comando: (Maximize) Maximizar

Maximizar

Comando: (Minimize) Maximizar

Planilha

Bloco

Comando: (CellRange) Bloco

Célula

Comando: (Cell) Célula

Coluna

Comando: (Column) Coluna

Linha

Comando: (Row) Linha

NomeDaColuna

Comando: (ColumnName) NomeDaColuna

PreencherCélulas

Comando: (FillCells) PreencherCélulas

PreencherColuna

Comando: (FillColumn) PreencherColuna

PreencherLinha

Comando: (FillRow) PreencherLinha

Probabilidade

Aleatória Discreta

Comando: (RandomDiscrete) AleatóriaDiscreta

Coeficiente Binomial

<u>Comando</u>: (Binomial Coefficient) Coeficiente Binomial

Distribuição Binomial

<u>Comando</u>: (Binomial Distribuição Binomial

Distribuição Binomial Inversa

Comando: (InverseBinomial) DistribuiçãoBinomialInversa

Distribuição Chi Quadrado

Comando: (ChiSquared) Distribuição Chi Quadrado

Distribuição Chi Quadrado Inversa

Comando: (InverseChiSquared) DistribuiçãoChiQuadradoInversa

Distribuição de Bernoulli

Comando: (Bernoulli) Distribuição DeBernoulli

Distribuição de Cauchy

Comando: (Cauchy) Distribuição De Cauchy

Distribuição de Cauchy Inversa

Comando: (InverseCauchy) Distribuição De Cauchy Inversa

Distribuição de Erlang

Comando: (Erlang) Distribuição De Erlang

Distribuição de Pascal

Comando: (Pascal) Distribuição De Pascal

Distribuição de Pascal Inversa

Comando: (InversePascal) DistribuiçãoDePascalInversa

Distribuição de Poisson

Comando: (Poisson) Distribuição De Poisson

Distribuição de Poisson Inversa

Comando: (InversePoisson) Distribuição DePoissonInversa

Distribuição de Weibull

Comando: (Weibull) Distribuição De Weibull

Distribuição de Weibull Inversa

Comando: (Inverse Weibull) Distribuição De Weibull Inversa

Distribuição de Zipf

Comando: (Zipf) DistribuiçãoDeZipf

Distribuição de Zipf Inversa

<u>Comando</u>: (InverseZipf) DistribuiçãoDeZipfInversa

Distribuição Exponencial

<u>Comando</u>: (Exponential) Distribuição Exponencial

Distribuição Exponencial Inversa

Comando: (InverseExponential) DistribuiçãoExponencialInversa

Distribuição F

Comando: (FDistribution) Distribuição F

PROBABILIDADE

Distribuição F Inversa

Comando: (InverseFDistribution) DistribuiçãoFInversa

Distribuição Gama

Comando: (Gamma) Distribuição Gama

Distribuição Gama Inversa

Comando: (Inverse Gamma) Distribuição Gama Inversa

Distribuição Hipergeométrica

Comando: (HyperGeometric) Distribuição Hipergeométrica

Distribuição Hipergeométrica Inversa

Comando: (InverseHyperGeometric) Distribuição Hipergeométrica Inversa

Distribuição Logística

Comando: (Logistic) Distribuição Logística

Distribuição Logística Inversa

Comando: (InverseLogistic) DistribuiçãoLogísticaInversa

Distribuição Log Normal

Comando: (LogNormal) DistribuiçãoLogNormal

Distribuição Log Normal Inversa

Comando: (InverseLogNormal) DistribuiçãoLogNormalInversa

Distribuição Normal

Comando: (Normal) Distribuição Normal

Distribuição Normal Inversa

<u>Comando</u>: (InverseNormal) DistribuiçãoNormalInversa

Distribuição T

Comando: (TDistribution) Distribuição T

Distribuição T Inversa

Comando: (Inverse T Distribution) Distribuição T Inversa

Distribuição Triangular

Comando: (Triangular) Distribuição Triangular

Distribuição Uniforme

Comando: (Uniform) Distribuição Uniforme

Gerar Polinômio Aleatoriamente

<u>Comando</u>: (RandomPolynomial) GerarPolinômioAleatoriamente

nPr

Comando: (nPr) nPr

Número Aleatório

Comando: (RandomBetween) NúmeroAleatório

Número Aleatório Binomial

Comando: (RandomBinomial) NúmeroAleatórioBinomial

Número Aleatório de Poisson

Comando: (RandomPoisson) NúmeroAleatórioDePoisson

Número Aleatório Normal

Comando: (RandomNormal) NúmeroAleatórioNormal

Número Aleatório Uniforme

Comando: (RandomUniform) NúmeroAleatórioUniforme

Ponto Aleatório Em...

Comando: (RandomPointIn) PontoAleatórioEm

Programação

Ampliar

Comando: (Zoomln) Ampliar

Anexar Cópia Para

<u>Comando</u>: (AttachCopyToView) AnexarCópiaPara

Apagar

Comando: (Delete) Apagar

Atualizar Construção

<u>Comando</u>: (UpdateConstruction) AtualizarConstrução

Botão

Comando: (Button) Botão

Caixa de Seleção

Comando: (Checkbox) CaixaDeSeleção

Campo de Texto

Comando: (InputBox) CampoDeTexto

Centralizar Janela de Visualização

Comando: (CenterView) Centralizar Janela DeVisualização

Configurar Direção de Visualização

<u>Comando</u>: (SetViewDirection) ConfigurarDireçãoDeVisualização

Configurar Velocidade de Giro

<u>Comando</u>: (SetSpinSpeed) ConfigurarVelocidadeDeGiro

Controle Deslizante

<u>Comando</u>: (Slider) Controle Deslizante

Copiar Objeto Livre

<u>Comando</u>: (CopyFreeObject) CopiarObjetoLivre

Definir Camada

Comando: (SetLayer) DefinirCamada

Definir Condição para Exibir Objeto

Comando: (SetConditionToShowObject) DefinirCondiçãoParaExibirObjeto

Definir Coordenadas

Comando: (SetCoords) DefinirCoordenadas

Definir Cor

Comando: (SetColor) DefinirCor

Definir Cor de Fundo

<u>Comando</u>: (SetBackgroundColor) DefinirCorDeFundo

Definir Cor Dinâmica

<u>Comando</u>: (SetDynamicColor) DefinirCorDinâmica

Definir Escala dos Eixos

<u>Comando</u>: (SetAxesRatio) DefinirEscalaDosEixos

Definir Espessura da Linha

Comando: (SetLineThickness) DefinirEspessuraDaLinha

Definir Estilo da Descrição

Comando: (SetTooltipMode) DefinirEstiloDaDescrição

Definir Estilo da Linha

<u>Comando</u>: (SetLineStyle) DefinirEstiloDaLinha

Definir Estilo do Ponto

Comando: (SetPointStyle) DefinirEstiloDoPonto

Definir Estilo do Rótulo

Comando: (SetLabelMode) DefinirEstiloDoRótulo

Definir Legenda

Comando: (SetCaption) DefinirLegenda

Definir Objeto Fixo

Comando: (SetFixed) DefinirObjetoFixo

Definir Perspectiva

Comando: (SetPerspective) DefinirPerspectiva

Definir Preenchimento

Comando: (SetFilling) DefinirPreenchimento

Definir Semente

<u>Comando</u>: (SetSeed) DefinirSemente

Definir Tamanho do Ponto

Comando: (SetPointSize) DefinirTamanhoDoPonto

Definir Traço

Comando: (SetTrace) DefinirTraço

Definir Valor

Comando: (SetValue) DefinirValor

Definir Visibilidade

<u>Comando</u>: (SetVisibleInView) DefinirVisibilidade

Esconder Camada

Comando: (HideLayer) EsconderCamada

Executar

Comando: (Execute) Executar

Executar Código ao Atualizar

Comando: (RunUpdateScript) ExecutarCódigoAoAtualizar

Executar Código ao Clicar

Comando: (RunClickScript) ExecutarCódigoAoClicar

Exibir Camada

Comando: (ShowLayer) ExibirCamada

Exibir Eixos

Comando: (ShowAxes) ExibirEixos

Exibir Malha

Comando: (ShowGrid) ExibirMalha

Exibir Rótulo

Comando: (ShowLabel) ExibirRótulo

Função de Dados

Comando: (DataFunction) FunçãoDeDados

Iniciar Animação

Comando: (StartAnimation) IniciarAnimação

Iniciar Gravação

Comando: (StartRecord) IniciarGravação

Iniciar Registro

Comando: (StartLogging) IniciarRegistro

Interpretar Texto para Função

<u>Comando</u>: (Parse To Function) Interpretar Texto Para Função

Interpretar Texto para Número

Comando: (ParseToNumber) Interpretar Texto Para Número

Parar Registro

<u>Comando</u>: (StopLogging) PararRegistro

Reduzir

Comando: (ZoomOut) Reduzir

Relógio

Comando: (Get Time) Relógio

Renomear

Comando: (Rename) Renomear

Repetir

Comando: (Repeat) Repetir

Selecionar Janela de Visualização Ativa

Comando: (SetActiveView) Selecionar Janela DeVisualização Ativa

Selecionar Objetos

Comando: (SelectObjects) SelecionarObjetos

Tartaruga

Comando: (Turtle) Tartaruga

Tartaruga Desenhar

Comando: (TurtleDown) TartarugaDesenhar

Tartaruga Ir para Direita

Comando: (TurtleRight) TartarugaIrParaDireita

Tartaruga Ir para Esquerda

<u>Comando</u>: (TurtleLeft) TartarugalrParaEsquerda

Tartaruga Ir para Frente

Comando: (TurtleForward) TartarugalrParaFrente

Tartaruga Ir para Trás

<u>Comando</u>: (TurtleBack) TartarugalrParaTrás

Tartaruga Não Desenhar

<u>Comando</u>: (TurtleUp) TartarugaNãoDesenhar

Tocar Som

Comando: (PlaySound) TocarSom

Transladar Janela de Visualização

Comando: (Pan) Transladar Janela De Visualização

Texto

Formato Corpo Quadrático em Texto

<u>Comando</u>: (SurdText) FormatoCorpoQuadráticoEmTexto

Fração Contínua

Comando: (ContinuedFraction) Fração Contínua

Fração em Texto

Comando: (FractionText) FraçãoEmTexto

Girar Texto

Comando: (RotateText) GirarTexto

Fórmula para Texto (LateX)

Retorna a fórmula do objeto como um texto em LateX.

Comando: (FormulaText) LaTeX

Letra para Unicode

Comando: (LetterToUnicode) LetraParaUnicode

Notação Científica

Comando: (Scientific Text) Notação Científica

Ordinal

Comando: (Ordinal) Ordinal

Tabela de Texto

Comando: (TableText) TabelaDeTexto

Texto

Comando: (Text) Texto

Texto para Unicode

<u>Comando</u>: (TextToUnicode) TextoParaUnicode

Texto Vertical

<u>Comando</u>: (VerticalText) TextoVertical

Unicode para Letra

Comando: (UnicodeToLetter) UnicodeParaLetra

Unicode para Texto

<u>Comando</u>: (UnicodeToText) UnicodeParaTexto

Transformações

Cisalhamento

Comando: (Shear) Cisalhamento

Esticar

Comando: (Stretch) Esticar

Girar

Comando: (Rotate) Girar

Homotetia

Comando: (Dilate) Homotetia

Reflexão

Comando: (Reflect) Reflexão

Transladar

<u>Comando</u>: (Translate) Transladar

Vetores e Matrizes

Aplicar Matriz

Comando: (ApplyMatrix) AplicarMatriz

Determinante

Comando: (Determinant) Determinante

Dimensão

Comando: (Dimension) Dimensão

Matriz Escalonada

<u>Comando</u>: (ReducedRowEchelonForm) MatrizEscalonada

Matriz Identidade

Comando: (Identity) Matrizldentidade

Matriz Inversa

Comando: (Invert) MatrizInversa

Matriz Transposta

Comando: (Transpose) MatrizTransposta

Posto

Comando: (MatrixRank) Posto

Vetor

Comando: (Vector) Vetor

Vetor Perpendicular

<u>Comando</u>: (PerpendicularVector) VetorPerpendicular

Vetor Perpendicular Unitário

<u>Comando</u>: (UnitPerpendicularVector) VetorPerpendicularUnitário

Vetor Unitário

Comando: (Unit Vector) Vetor Unitário

Ferramentas

Criação de Ferramentas... Como tornar as ferramentas permanentes no GeoGebra.

JavaScript

Integrando javascript com o GeoGebra.

Desafios

Propor problemas em três níveis de dificuldade ao leitor envolvendo os comandos.

Nível 1

Nível 2

Exercício 1. O comando DaBase[] converte um número inteiro dado em uma base entre 2 e 36 para base decimal. Crie a ferramenta DaBase2[<Número como Texto>, <Base>] de modo que esta converta também números decimais de outras bases para base decimal.

Nível 3

Referências Bibliográficas

[1] Referências Matemáticas.

Termos Matemáticos

Área, 70

Árvore Geradora, 81

Ângulo, 70

Altura, 17

Arco, 70

Assíntota, 60

Baricentro, 70

Base Decimal, 28

Bissetriz, 70

Cônica, 24

Círculo, 48

Círculo Inscrito, 48

Círculo Osculador, 60

Caminho Mínimo, 81

Centro, 71

Cilindro, 18, 19

Cisalhamento, 98

Coeficientes, 60

Colinear, 74

Comprimento, 71

Concíclico, 74

Concorrente, 74

Cone, 19, 20

Conexo, 81

Congruência, 75

Conjunto dos Números Racionais, 30

Conjunto dos Números Reais, 31

Covariância, 53

Cubo, 21

Curva Implícita, 60

Curvatura, 60

Denominador, 61

Denominador Comum, 28

Derivada, 61

Derivada Implícita, 61

Desvio Padrão, 53

Determinante, 99

Diagrama de Voronoi, 81

Dimensão, 99

Diretriz, 48

Distância, 71

Distribuição Normal, 87

Divisão de Polinômios, 29

Divisão Euclidiana, 29, 45

Divisores, 34, 41, 47

Dodecaedro, 22

EDO, 66

Elipse, 49

Equação, 32, 33

Esfera, 23

Excentricidade, 49

Extremo, 61

Fatoração Polinomial, 30, 31

Fatores, 61

Fatores Primos, 32

Fecho, 81

Foco, 49

Fração Contínua, 96

Frações Parciais, 62

Função, 62

Função Quadrática, 27

Funções de Várias Variáveis, 27

Grau, 62

Hipérbole, 49

Histograma, 51

Icosaedro, 24

Igualdade, 75 Inclinação, 72

Infimo, 39 Integral, 62

Interpolação polinomial, 63

Interseção, 72

Limite, 62

Limite Inferior, 63 Limite Superior, 63 Lugar Geométrico, 72

Máximo, 35

Máximo Divisor Comum, 37

Média, 54

Média Geométrica, 55 MédiaHarmônica, 55 MédiaQuadrática, 55

Mínimo, 38

Mínimo Múltiplo Comum, 40

Mediana, 55 Mediatriz, 72 Moda, 55

Mudança de Base, 28, 41

Número Primo, 29, 32, 42, 44

Numerador, 63

Octaedro, 25 Ordinal, 96

Pagamento, 82

Parábola, 49

Paralelismo, 75

Perímetro, 72

Permutação, 88

Perpendicular, 73

Pirâmide, 25

Polígono, 73

Polinômio, 30, 63

Polinômio de Taylor, 65

Ponto, 73

Ponto de Inflexão, 65

Ponto Médio, 73

Posto, 99

Produto Escalar, 42

Produto Vetorial, 43

Quádrica, 17, 18, 23

Quociente, 45

Raízes, 65

Raízes Complexas, 66

Raio, 74

Razão Afim, 74 Razão Dupla, 74 Regressão, 56

Regressão Linear, 56

Resto, 45 Reta, 74 Rotação, 98

Segmento, 75

Semicírculo, 50

Semirreta, 75 Seguência, 79

Simplificar, 46

. == .. .

Soma, 57, 66, 67

Soma De Riemann, 66 Soma de Riemann, 66

Soma dos Divisores, 47

Spline, 67 Supremo, 36

Tangente, 76

Taxa, 82

Vértice, 76

Valor Futuro, 82 Valor Presente, 82

Variância, 58

Vetor, 99

Vetor Curvatura, 67

Comandos em Português

Área, 70 CírculoInscrito, 48 ÁrvoreGeradoraMínima, 81 CírculoOsculador, 60 Élnteiro, 80 CaixaDeSeleção, 90 ÉPrimo, 29 CaminhoMínimo, 81 ÍndiceDe, 78 CaminhoPoligonal, 70 ÍndiceSelecionado, 78 CampoDeDireções, 60 Últimos, 79 CampoDeTexto, 90 Ângulo, 70 Canto, 68 Centralizar Janela De Visualização, 90 Acima, 17 Centro, 48 Aleatória Discreta, 85 CentroDeGravidade, 71 Altura, 17 CentroDoTriângulo, 71 Amostra, 53 Cilindro, 19 Ampliar, 90 CilindroInfinito, 19 Anexar, 77 Cisalhamento, 98 AnexarCópiaPara, 90 Classes, 77 AnimarConstruçãoDoGráfico, 68 CoeficienteBinomial, 85 ANOVA, 53 Coeficiente De Correlação, 53 Apagar, 90 Coeficientes, 60 AplicarMatriz, 99 Coluna, 84 Arco. 70 Combinar Expressões Trigonométricas, 60 ArcoCircular, 70 Completar Quadrados, 27 ArcoCircuncircular, 70 Assíntota, 60 Comprimento, 71 ComprimentoDoSemieixoMaior, 48 Atualizar Construção, 90 ComprimentoDoSemieixoMenor, 48 Baricentro, 70 Concatenar, 77 Bases, 18 Cone. 19 Bissetriz, 70 ConeInfinito, 20 Bloco, 84 Configurar Direção De Visualização, 90 Botão, 90 ConfigurarPassoDeConstrução, 68 BoxPlot, 51 Configurar Velocidade De Giro, 90 ContarSe, 80 Célula, 84 ControleDeslizante, 91 Cúbica, 71

Cônica, 48

Círculo, 48

Coordenadas Dinâmicas, 68

CopiarObjetoLivre, 91

Correlação De Spearman, 53

Covariância, 53

CriarPontosDeLista, 77

Cubo, 21 Curva, 60

CurvaDoTriângulo, 71 Curvalmplícita, 60

Curvatura, 60

DaBase, 28

DefinirCamada, 91

DefinirCondiçãoParaExibirObjeto, 91

DefinirCoordenadas, 91

DefinirCor, 91

DefinirCorDeFundo, 91
DefinirCorDinâmica, 91
DefinirEscalaDosEixos, 91
DefinirEspessuraDaLinha, 91
DefinirEstiloDaDescrição, 91

DefinirEstiloDaLinha, 92 DefinirEstiloDoPonto, 92 DefinirEstiloDoRótulo, 92

DefinirLegenda, 92 DefinirObjetoFixo, 92 DefinirPerspectiva, 92 DefinirPreenchimento, 92

DefinirSemente, 92

Definir Tamanho Do Ponto, 92

DefinirTraço, 92 DefinirValor, 92

DefinirVisibilidade, 93

Denominador, 61

DenominadorComum, 28

Derivada, 61

Derivadalmplícita, 61 DerivadaNumérica, 61 DerivadaParamétrica, 61

DesvioPadrão, 53

DesvioPadrãoAmostral, 53

DesvioPadrãoAmostralX, 53

DesvioPadrãoAmostralY, 53

DesvioPadrãoX, 54 DesvioPadrãoY, 54 DetalhesDaProva, 71 Determinante, 99

DiâmetroConjugado, 48 DiagramaDeBarras, 51

DiagramaDeCauleEFolhas, 51

DiagramaDeHastes, 51
DiagramaDePontos, 51
DiagramaDeVoronoi, 81
DiagramaEmDegraus, 51
DiagramaQuantilNormal, 51
DiagramaResidual, 51

Difference, 71 Dimensão, 99 Direção, 71 Diretriz, 48

Distância, 71

DistribuiçãoBinomial, 85

DistribuiçãoBinomialInversa, 85 DistribuiçãoChiQuadrado, 85

Distribuição Chi Quadrado Inversa, 85

Distribuição De Bernoulli, 85 Distribuição De Cauchy, 85

Distribuição De Cauchy Inversa, 85

DistribuiçãoDeErlang, 85 DistribuiçãoDePascal, 86

DistribuiçãoDePascalInversa, 86

DistribuiçãoDePoisson, 86

Distribuição De Poisson Inversa, 86 Distribuição De Weibull, 86

Distribuição De Weibull Inversa, 86

Distribuição De Zipf, 86

DistribuiçãoDeZipfInversa, 86 DistribuiçãoExponencial, 86

Distribuição Exponencial Inversa, 86

DistribuiçãoF, 86

Distribuição Flourersa, 87 Distribuição Gama, 87

Distribuição GamaInversa, 87 Distribuição Hipergeométrica, 87

Distribuição Hipergeométrica Inversa, 87

DistribuiçãoLogística, 87

DistribuiçãoLogísticaInversa, 87

DistribuiçãoLogNormal, 87

Distribuição Log NormalInversa, 87

Distribuição Normal, 87

Distribuição NormalInversa, 88

DistribuiçãoT, 88

Distribuição TInversa, 88 Distribuição Triangular, 88 Distribuição Uniforme, 88 Divisão Euclidiana, 29

Dodecaedro, 22

EixoMaior, 48 EixoMenor, 49

Eixos, 49 Elemento, 77

Elementos Únicos, 77 Elemento Selecionado, 77

Elipse, 49 Embaixo, 23 Embaralhar, 54 Empacotar, 77 Envelope, 72

Equação Do Lugar Geométrico, 72 Escolher Elemento Aleatoriamente, 77

Esconder Camada, 93

Esfera, 23

Está Definido, 80

Esticar, 98

Estimar Média T, 54 Estimar Média T2, 54 Estimar Média Z, 54 Estimar Média Z2, 54 Estimar Proporção Z, 54 Estimar Proporção Z2, 54

Excentricidade, 49

ExcentricidadeLinear, 49

Executar, 93

ExecutarCódigoAoAtualizar, 93 ExecutarCódigoAoClicar, 93

ExibirCamada, 93 ExibirEixos, 93 ExibirMalha, 93 ExibirRótulo, 93 Expandir, 30

ExpandirExpressõesTrigonométricas, 61

Extremo, 61

Fatorar, 30

FatorarComCoeficientesIrracionais, 31

Fatores, 61

FatoresPrimos, 32 FechoConvexo, 81

Foco, 49

FormaCartesiana, 68 FormaComplexa, 68 FormaPolar, 68

FormatoCorpoQuadráticoEmTexto, 96

FraçãoContínua, 96 FraçãoEmTexto, 96 FraçõesParciais, 62 Frequência, 77 Função, 62

Função De Dados, 93

GerarPolinômioAleatoriamente, 88

Girar, 98

GirarTexto, 96

Grau, 62

Hipérbole, 49 Histograma, 51

HistogramaDireita, 51

Homotetia, 98

Icosaedro, 24

ImagemDaFerramenta, 68

Inclinação, 72

IniciarAnimação, 93

Iniciar Gravação, 94

IniciarRegistro, 94

Inserir, 78

Integral, 62

IntegralEntre, 62

IntegralNumérica, 62

Interpretar Texto Para Função, 94

Interpretar Texto Para Número, 94

Interseção, 72

Interseção Cônica, 24

Interseção De Listas, 78

Interseção Geométrica, 72

Iteração, 62

LadoDireito, 32

LadoEsquerdo, 33

LaTeX, 96

LetraParaUnicode, 96

Limite, 62

LimiteInferior, 63

LimiteSuperior, 63

Linha, 84

ListaDelteração, 63

ListaDosDivisores, 34

ListaParaPontosEixoX, 63

LugarGeométrico, 72

Máximo, 35

Média, 54

MédiaGeométrica, 55

MédiaHarmônica, 55

Média Quadrática, 55

MédiaX, 55

MédiaY, 55

Mínimo, 38

ManterSe, 80

MatrizEscalonada, 99

Matrizldentidade, 99

Matrizlnversa, 99

MatrizTransposta, 99

Maximizar, 83

MDC, 37

Mediana, 55

Mediatriz, 72

MMC, 40

Moda, 55

Número Aleatório, 88

NúmeroAleatórioBinomial, 88

NúmeroAleatórioDePoisson, 88

NúmeroAleatórioNormal, 89

NúmeroAleatórioUniforme, 89

NúmeroDeDivisores, 41

NInvert, 63

Nivelar, 78

Nome, 68

NomeDaColuna, 84

Normalizar, 63

Notação Científica, 96

nPr, 88

Numerador, 63

Objeto, 68

Octaedro, 25

Ordenar, 78

Ordinal, 96

Pagamento, 82

Parábola, 49

Parâmetro, 50

ParâmetroDoPontoSobreCaminho, 63

ParaBase, 41

Parar Registro, 94

ParteDaLista, 78

PassoDaConstrução, 69

PassoDoEixoX, 69

PassoDoEixoY, 69

Perímetro, 72

Períodos, 82

Percentil, 55

Perpendicular, 73

PertenceARegião, 80

Pirâmide, 25

Planificação, 26

Plano, 26

PlanoMediador, 26

PlanoPerpendicular, 26

Polígono, 73

PolígonoDeFrequências, 52

PolígonoRígido, 73

Polar, 50

Polinômio, 63

Polinômio De Taylor, 65

Ponto, 73

PontoAleatórioEm, 89

PontoDeInflexão, 65

PontoEm, 73

PontoMédio, 73

PontoMaisPróximo, 73

PontoMaisPróximoDaRegião, 73

Posicões, 78

Posições Médias, 78

Posto, 99

PróximoPrimo, 44

Preencher Células, 84

PreencherColuna, 84

PreencherLinha, 84

Primeiros, 78

PrimoAnterior, 42

Prisma, 26

Problema Do Caixeiro Viajante, 81

Produto, 78

ProdutoEscalar, 42

ProdutoVetorial, 43

Prove, 74

Q1, 55

Q3, 56

Quociente, 45

Raízes, 65

RaízesComplexas, 66

Raio, 74

Raiz, 65

Razão Afim, 74

Razão Dupla, 74

Reduzir, 94

Reflexão, 98

Regressão, 56

Regressão De Crescimento, 56

Regressão Exponencial, 56

RegressãoImplícita, 56

Regressão Linear, 56

RegressãoLinearX, 56

RegressãoLogística, 56

RegressãoLogarítmica, 56

RegressãoPolinomial, 56

Regressão Potência, 57

RegressãoSinusoidal, 57

Relógio, 94

Relação, 80

Remover, 79

RemoverIndefinidos, 79

Renomear, 94

Repetir, 94

ResolverEDO, 66

ResolverEDONumericamente, 66

Resto, 45

Reta, 74

Reverter, 79

RQuadrado, 57

SãoColineares, 74

SãoConcíclicos, 74 SãoConcorrentes, 74 SãoCongruentes, 75

Sãolguais, 75 SãoParalelas, 75

SãoPerpendiculares, 75

Se, 80

Segmento, 75

Selecionar Janela De Visualização Ativa, 94

Selecionar Objetos, 94

Semicírculo, 50 Semirreta, 75 Sequência, 79 Setor, 75

SetorCircular, 75

SetorCircuncircular, 75

SigmaXX, 57 SigmaXY, 57 SigmaYY, 57 Simplificar, 46

Simplificar Expressões Trigonométricas, 66

Soma, 57

SomaDeRiemannAEsquerda, 66 SomaDeRiemannInferior, 66 SomaDeRiemannSuperior, 66

SomaDosDivisores, 47

SomaDosErrosQuadrados, 57

SomaRetângulos, 66 SomaTrapezoidal, 67

Spline, 67 Superfície, 26

SuperfícieLateral, 26

SVD, 67 Sxx, 57 Sxy, 57 Syy, 58

Tabela De Contingência, 52 Tabela De Frequências, 52 TabelaDeTexto, 96

Tangente, 76 Tartaruga, 95

TartarugaDesenhar, 95 TartarugaIrParaDireita, 95 TartarugaIrParaEsquerda, 95 TartarugaIrParaFrente, 95 TartarugaIrParaTrás, 95 TartarugaNãoDesenhar, 95

Taxa, 82

TesteChiQuadrado, 58 TesteMédiaZ, 58 TesteMédiaZ2, 58 TesteProporçãoZ, 58 TesteProporçãoZ2, 58

TesteT, 58 TesteT2, 58

TesteTEmparelhado, 58

Tetraedro, 26 Texto, 97

TextoParaUnicode, 97
TextoVertical, 97
TocarSom, 95
Transladar, 98

Transladar Janela De Visualização, 95

Triangulação De Delaunay, 81

Trilinear, 76

União, 79

UnicodeParaLetra, 97 UnicodeParaTexto, 97

Vértice, 76 ValorFuturo, 82 ValorPresente, 82 Variância, 58

VariânciaDaAmostra, 59

Vetor, 99

VetorCurvatura, 67 VetorPerpendicular, 100 VetorPerpendicularUnitário, 100 VetorUnitário, 100 Volume, 26

Comandos em Inglês

AffineRatio, 74

Angle, 70

AngleBisector, 70

ANOVA, 53

Append, 77

ApplyMatrix, 99

Arc, 70

Area, 70

AreCollinear, 74

AreConcurrent, 74

AreConcyclic, 74

AreCongruent, 75

AreEqual, 75

AreParallel, 75

ArePerpendicular, 75

Asymptote, 60

AttachCopyToView, 90

Axes, 49

AxisStepX, 69

AxisStepY, 69

BarChart, 51

Barycenter, 70

Bernoulli, 85

BinomialCoefficient, 85

BinomialDist, 85

Bottom, 23

BoxPlot, 51

Button, 90

Cauchy, 85

Cell, 84

CellRange, 84

Center, 48

CenterView, 90

Centroid, 71

Checkbox, 90

ChiSquared, 85

ChiSquaredTest, 58

Circle, 48

CircularArc, 70

CircularSector, 75

CircumcircularArc, 70

CircumcircularSector, 75

Classes, 77

ClosestPoint, 73

ClosestPointRegion, 73

Coefficients, 60

Column, 84

ColumnName, 84

CommonDenominator 28

CompleteSquare, 27

ComplexRoot, 66

Cone, 19

Conic, 48

ConjugateDiameter, 48

ConstructionStep, 69

ContingencyTable, 52

ContinuedFraction, 96

ConvexHull, 81

CopyFreeObject, 91

Corner, 68

CorrelationCoefficient, 53

Countlf, 80

Covariance, 53

Cross, 43

CrossRatio, 74

Cube, 21

Cubic, 71

Curvature, 60

CurvatureVector, 67

Curve, 60 Cylinder, 19

DataFunction, 93

Degree, 62

DelaunayTriangulation, 81

Delete, 90

Denominator, 61
Derivative, 61
Determinant, 99
Difference, 71

Dilate, 98

Dimension, 99

Direction, 71 Directrix, 48

Distance, 71

Div, 45

Division, 29

Divisors, 41

DivisorsList, 34

DivisorsSum, 47 Dodecahedron, 22

Dot, 42 DotPlot, 51

DynamicCoordinates, 68

Eccentricity, 49

Element, 77

Ellipse, 49

Ends, 18

Envelope, 72

Erlang, 85

Execute, 93

Expand, 30

Exponential, 86

Extremum, 61, 65

Factor, 30

Factors, 61

FDistribution, 86

FillCells, 84

FillColumn, 84

FillRow, 84

First, 78

Fit, 56

FitExp, 56

FitGrowth, 56

FitImplicit, 56

FitLine, 56

FitLineX, 56

FitLog, 56

FitLogistic, 56

FitPoly, 56

FitPow, 57

FitSin, 57

Flatten, 78

Focus, 49

FormulaText, 96

FractionText, 96

Frequency, 77

FrequencyPolygon, 52

FrequencyTable, 52

FromBase, 28

Function, 62

FutureValue, 82

Gamma, 87

GCD, 37

GeometricMean, 55

GetTime, 94

HarmonicMean, 55

Height, 17

HideLayer, 93

Histogram, 51

HistogramRight, 51

Hyperbola, 49

HyperGeometric, 87

Icosahedron, 24

Identity, 99
If, 80
IFactor, 31

ImplicitCurve, 60
ImplicitDerivative, 61

Incircle, 48
IndexOf, 78
InfiniteCone, 20
InfiniteCylinder, 19
InputBox, 90
Insert, 78

Integral, 62 IntegralBetween, 62

Intersect, 72

IntersectConic, 24 Intersection, 78 IntersectPath, 72 InverseBinomial, 85 InverseCauchy, 85 InverseChiSquared, 85 InverseExponential, 86

InverseGamma, 87

InverseHyperGeometric, 87

InverseFDistribution, 87

InverseLogistic, 87 InverseLogNormal, 87 InverseNormal, 88 InversePascal, 86 InversePoisson, 86

InverseTDistribution, 88

InverseWeibull, 86 InverseZipf, 86

Inverse Zipt, 86 Invert, 99 IsDefined, 80 IsInRegion, 80 IsInteger, 80 IsPrime, 29 Iteration, 62 Iteration List, 63 Join, 77

Keeplf, 80

Last, 79 LCM, 40 LeftSide, 33 LeftSum, 66 Length, 71

LetterToUnicode, 96

Limit, 62

LimitAbove, 63 LimitBelow, 63

Line, 74

LinearEccentricity, 49

Locus, 72

Locus Equation, 72

Logistic, 87 LogNormal, 87 LowerSum, 66

MajorAxis, 48 MatrixRank, 99

Max, 35
Maximize, 83
Mean, 54
MeanX, 55
MeanY, 55
Median, 55
Midpoint, 73
Min, 38
Minimize, 83

MinimumSpanningTree, 81

MinorAxis, 49 Mod, 45 Mode, 55

Name, 68 NDerivative, 61

Net, 26

NextPrime, 44

NIntegral, 62 NInvert, 63 Normal, 87 Normalize, 63

Normal Quantile Plot, 51

nPr, 88

NSolveODE, 66 Numerator, 63

Object, 68 Octahedron, 25 Ordinal, 96 OrdinalRank, 78

OsculatingCircle, 60

Pan, 95 Parabola, 49 Parameter, 50

ParametricDerivative, 61
ParseToFunction, 94
ParseToNumber, 94
PartialFractions, 62

Pascal, 86

PathParameter, 63

Payment, 82
Percentile, 55
Perimeter, 72
Periods, 82

PerpendicularBisector, 72 PerpendicularLine, 73

PerpendicularPlane, 26 PerpendicularVector, 100

Plane, 26

PlaneBisector, 26 PlaySound, 95

Point, 73 Pointln, 73 PointList, 77 Poisson, 86 Polar, 50 Polygon, 73
Polyline, 70
Polynomial, 63
PresentValue, 82

PreviousPrime, 42 PrimeFactors, 32

Prism, 26 Product, 78 Prove, 74

ProveDetails, 71 Pyramid, 25

Q1, 55 Q3, 56

Radius, 74

RandomBetween, 88
RandomBinomial, 88
RandomDiscrete, 85
RandomElement, 77
RandomNormal, 89
RandomPointln, 89
RandomPoisson, 88
RandomPolynomial, 88
RandomUniform, 89

Rate, 82 Ray, 75

RectangleSum, 66

ReducedRowEchelonForm, 99

Reflect, 98 Relation, 80 Remove, 79

RemoveUndefined, 79

Rename, 94
Repeat, 94
ResidualPlot, 51
Reverse, 79
RightSide, 32
RigidPolygon, 73

Root, 65

RootList, 63

RootMeanSquare, 55

Roots, 65 Rotate, 98

RotateText, 96

Row, 84 RSquare, 57

RunClickScript, 93

RunUpdateScript, 93

Sample, 53 SampleSD, 53 SampleSDX, 53 SampleSDY, 53 SampleVariance, 59

ScientificText, 96

SD, 53 SDX, 54 SDY, 54 Sector, 75

Segment, 75

SelectedElement, 77 SelectedIndex, 78 SelectObjects, 94 Semicircle, 50

SemiMajorAxisLength, 48 SemiMinorAxisLength, 48

Sequence, 79 SetActiveView, 94 SetAxesRatio, 91

SetBackgroundColor, 91

SetCaption, 92 SetColor, 91

 $Set Condition To Show Object,\ 91$

SetConstructionStep, 68

SetCoords, 91

SetDynamicColor, 91

SetFilling, 92 SetFixed, 92 SetLabelMode, 92

SetLayer, 91 SetLineStyle, 92

 $SetLineThickness,\ 91$

SetPerspective, 92 SetPointSize, 92

SetPointStyle, 92

SetSeed, 92

SetSpinSpeed, 90 SetTooltipMode, 91

SetTrace, 92 SetValue, 92

SetViewDirection, 90 SetVisibleInView, 93

Shear, 98

Shortest Distance, 81

ShowAxes, 93 ShowGrid, 93 ShowLabel, 93 ShowLayer, 93 Shuffle, 54 Side, 26

Side, 26 SigmaXX, 57 SigmaXY, 57 SigmaYY, 57 Simplify, 46 Slider, 91 Slope, 72 SlopeField, 60

SlowPlot, 68 SolveODE, 66

Sort, 78

Spearman, 53 Sphere, 23 Spline, 67

StartAnimation, 93 StartLogging, 94 StartRecord, 94 StemPlot, 51 StepGraph, 51 StickGraph, 51 StopLogging, 94 Stretch, 98

Sum, 57

SumSquaredErrors, 57

SurdText, 96
Surface, 26
SVD, 67
Sxx, 57
Sxy, 57
Syy, 58

TableText, 96 Tangent, 76

TaylorPolynomial, 65 TDistribution, 88 Tetrahedron, 26

Text, 97

TextToUnicode, 97 TiedRank, 78

TMean2Estimate, 54
TMeanEstimate, 54

ToBase, 41 ToComplex, 68 Toollmage, 68

Top, 17 ToPoint, 68 ToPolar, 68 Translate, 98 Transpose, 99

TrapezoidalSum, 67 TravelingSalesman, 81 TriangleCenter, 71 TriangleCurve, 71 Triangular, 88

TrigCombine, 60
TrigExpand, 61
TrigSimplify, 66

Trilinear, 76

TTest, 58 TTest2, 58

TTestPaired, 58

Turtle, 95

TurtleBack, 95
TurtleDown, 95
TurtleForward, 95
TurtleLeft, 95
TurtleRight, 95
TurtleUp, 95

UnicodeToLetter, 97 UnicodeToText, 97

Uniform, 88 Union, 79 Unique, 77

UnitPerpendicularVector, 100

UnitVector, 100

UpdateConstruction, 90

UpperSum, 66

Variance, 58 Vector, 99 Vertex, 76 VerticalText, 97 Volume, 26 Voronoi, 81

Weibull, 86

Zip, 77 Zipf, 86

ZMean2Estimate, 54
ZMean2Test, 58
ZMeanEstimate, 54
ZMeanTest, 58
ZoomIn, 90

ZoomOut, 94

ZProportion2Estimate, 54 ZProportion2Test, 58 ZProportionEstimate, 54 ZProportionTest, 58