



## Ortogonalna projekcija i udaljenost u prostoru – zadaci za vježbu –

*Autorica: dr. sc. Željka Dijanić*

1. Točka  $A$  je od ravnine  $\pi$  udaljena 12 cm, a točka  $B$  je s druge strane te ravnine i od nje udaljena 8 cm.
  - a) Koliko su od ravnine  $\pi$  udaljene točke  $C$  i  $D$  koje dužinu  $\overline{AB}$  dijele na tri jednakih dijela?
  - b) Ako je duljina dužine  $\overline{AB}$  jednaka 29 cm, kolika je duljina ortogonalne projekcije dužine  $\overline{CD}$  na ravninu  $\pi$ ?
2. Vrh  $C$  trokuta  $ABC$  leži u ravnini  $\pi$ , a stranica  $\overline{AB}$  usporedna je s ravninom  $\pi$  i od nje udaljena 12 cm. Ako je ravnina u kojoj leži trokut  $ABC$  okomita na ravninu  $\pi$  i duljine ortogonalnih projekcija stranica  $\overline{AC}$  i  $\overline{BC}$  na ravninu  $\pi$  jednake 9 cm i 35 cm, koliki je opseg trokuta  $ABC$ ?
3. Svi su bridovi pravilne četverostrane piramide duljine  $a$ .
  - a) Kolika je udaljenost nožišta visine od bočnog brida piramide?
  - b) Kolika je udaljenost polovišta visine piramide od pobočke piramide?

### Za one koji žele znati više

4. Istražite nacrt, tlocrt i bokocrt:

- a) valjka                          b) pravilne trostrane piramide

Uputa: položaj tih tijela u prostoru odaberite da vam bude što jednostavnije promatranje, npr. da je ravnina osnovke usporedna s ravninom u kojoj gledamo tlocrt tijela.

Možete se poslužiti 3D prikazom u GeoGebri na <https://www.geogebra.org/m/bpprbug6>.

### Rješenja:

1. a)  $\frac{4}{3}$  cm,  $\frac{16}{3}$  cm, b) 7 cm.

2.  $96 \text{ cm}^2$ .

3. a)  $\frac{a}{2}$ , a)  $\frac{a\sqrt{6}}{12}$ .