

Одредимо у тригонометријском кругу угао  $\alpha$  у првом квадранту тиме што ћемо за први крак датог угла узети позитиван смер  $x$  – осе, а други крак поставимо у први квадрант. Означимо са  **$M$**  пресечну тачку овог крака и тригонометријске кружнице. Одредимо затим нормалне пројекције тачке  $M$  на координатне осе  $M_1$  на  $x$  – оси и  $M_2$  на  $y$  – оси. На овај начин добијамо правоугаоник  $OM_1MM_2$ .

Како је  $\triangle OM_1M$  правоугли, то значи да у њему можемо применити дефиниције тригонометријских функција угла  $\alpha$ .

По дефиницији тригонометријске функције  $\sin\alpha = \frac{\text{naspramna kateta}}{\text{hipotenuza}}$  из датог троугла добијамо  $\sin\alpha = \frac{M_1M}{OM} = \frac{M_1M}{1} = M_1M = OM_2$ , слично по дефиницији тригонометријске функције  $\cos\alpha = \frac{\text{nalegla kateta}}{\text{hipotenuza}}$  из датог троугла имамо  $\cos\alpha = \frac{OM_1}{OM} = \frac{OM_1}{1} = OM_1$ .

У овом случају се заиста ради о дужинама дужи зато што имамо правоугли троугао и његове странице, међутим ако погледамо шта представљају вредности на координатним осама где се налазе тачке  $M_1$  и  $M_2$  долази се до закључка да су то у ствари координате тачке  $M$ , односно можемо записати овако  **$M(\cos\alpha, \sin\alpha)$** .

Дакле,  $\cos\alpha$  се налази на  $x$  - оси, а  $\sin\alpha$  се налази на  $y$  - оси.

За одређивање тангенса и котангенса не можемо посматрати овај троугао зато што је по дефиницији  $\tan\alpha = \frac{\text{naspramna kateta}}{\text{nalegla kateta}}$ , док је  $\cot\alpha = \frac{\text{nalegla kateta}}{\text{naspramna kateta}}$ , а ниједна катета нема дужину 1 (у том случају не постоји троугао  $OM_1M$ ).

Ако поставимо тангенту на дату кружницу у тачки  $A$  са координатама  $(1,0)$ , тада други крак угла  $\alpha$  сече ову тангенту у тачки  $T$ . Сада имамо још један правоугли троугао  $\triangle OAT$ . Ова два троугла су слична, па су им странице пропорционалне тј. важи следећа импликација

$$\triangle OM_1M \sim \triangle OAT \Rightarrow$$

$$\tan\alpha = \frac{M_1M}{OM_1} = \frac{AT}{OA} = \frac{AT}{1} = AT \text{ - вредност на тангенти у јединици на } x \text{ - оси.}$$

Што се тиче котангенса постављамо тангенту у јединици на  $y$  – оси, тј. у тачки  $B$ . Означимо пресечну тачку другог крака угла  $\alpha$  и конструисане тангенте са  $C$ , тиме добијамо још један правоугли троугао  $\triangle OBC$ . У овом троуглу је угао  $\sphericalangle M_1OM = \sphericalangle OCB = \alpha$ .

Из правоуглог троугла  $\triangle OBC$  по дефиницији котангенса важи следеће

$$\cot\alpha = \frac{BC}{OB} = \frac{BC}{1} = BC \text{ - вредност на тангенти у јединици на } y \text{ - оси}$$