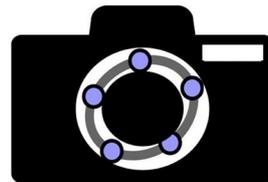


# *Flores modelizadas con GeoGebra 3D*



Débora Pereiro Carbajo



@debora\_pereiro

# *Flores con GeoGebra*



Libro de flores en la web de GeoGebra  
<https://www.geogebra.org/m/ct3jebjc>

# *Contenidos:*

- Coordenadas de puntos
- Funciones de una variable
- Curvas en dos y tres dimensiones : Spline
- Ecuaciones paramétricas y polar de curvas
- Simetrías, Homotecias, rotaciones, ...en el plano y en el espacio
- Superficies en dos y tres dimensiones
- ...

# *Actividades del taller*

## *”Flores modelizadas con GeoGebra 3D”*

- **Actividad 1:** Modelización del pétalo 2D mediante splines.
- **Actividad 2:** Modelización del pétalo 2D utilizando funciones.
- **Actividad 3:** Modelización del pétalo 2D a partir de las ecuaciones de curvas conocidas.

# Actividad 1: Modelización del pétalo usando splines

## Hibisco o Rosa de Siria



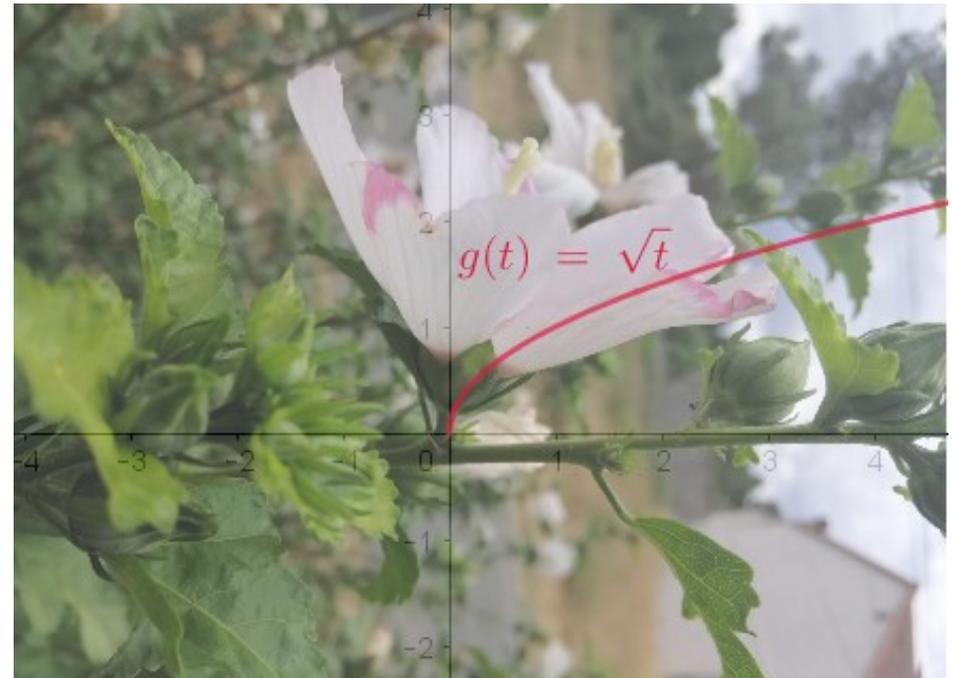
- Colocamos la imagen de una flor de modo que su centro esté en  $(0,0)$
- Situamos puntos en el borde de un lado de un pétalo.  
Con el comando **spline** obtenemos la curva que pasa por esos puntos  $a(t)$
- **Recta** que pasa por los extremos de la curva:  $f$
- **Curva simétrica** a la curva respecto a la recta:  $a'(t)$

# Perfil en la vista gráfica 2

Colocamos la imagen del perfil de la flor de modo que el vértice esté en (0,0)

Aproximamos el perfil del pétalo mediante una función

$$g(t) = \sqrt{t}$$

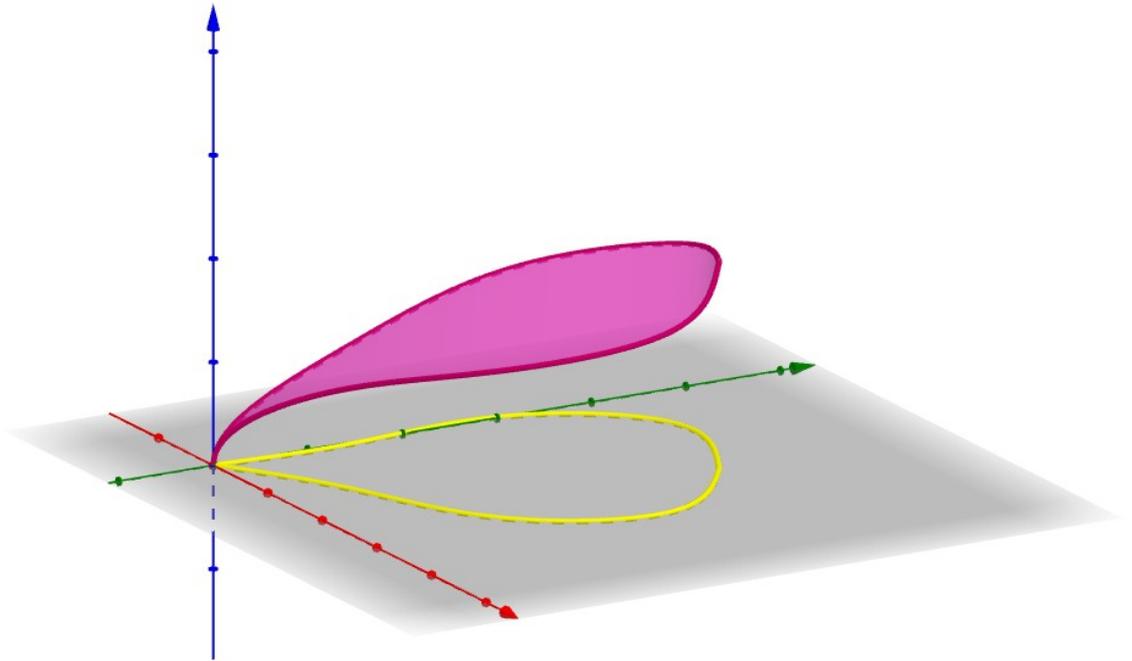


# Pétalo 3D

- **Curvas en 3D:**

$$b = \text{Curva}(a(t) + (0, 0, g(t)), t, 0, 1)$$

$$c = \text{Curva}(a'(t) + (0, 0, g(t)), t, 0, 1)$$

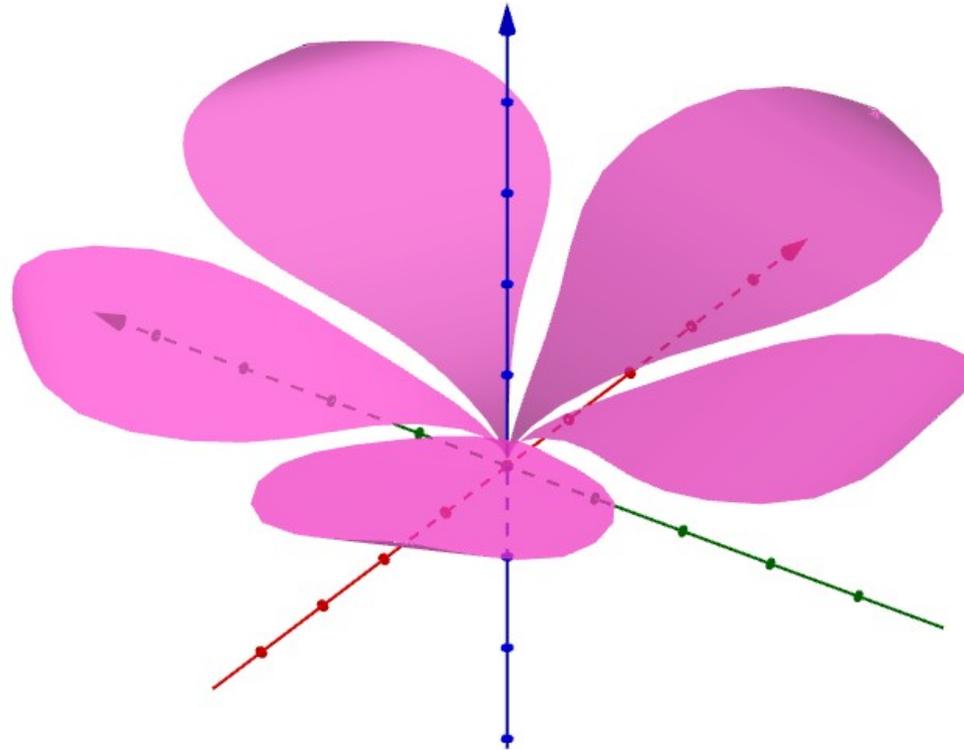


- **Superficie:**

$$d = \text{Superficie}(k b(t) + (1 - k) c(t), k, 0, 1, t, 0, 1)$$

# Flor 3D

Rotamos la superficie alrededor del eje Z.



# Flor 3D

## Modelización de los estambres

- Elipse en el plano  $y = 0$

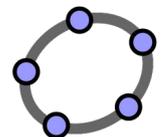
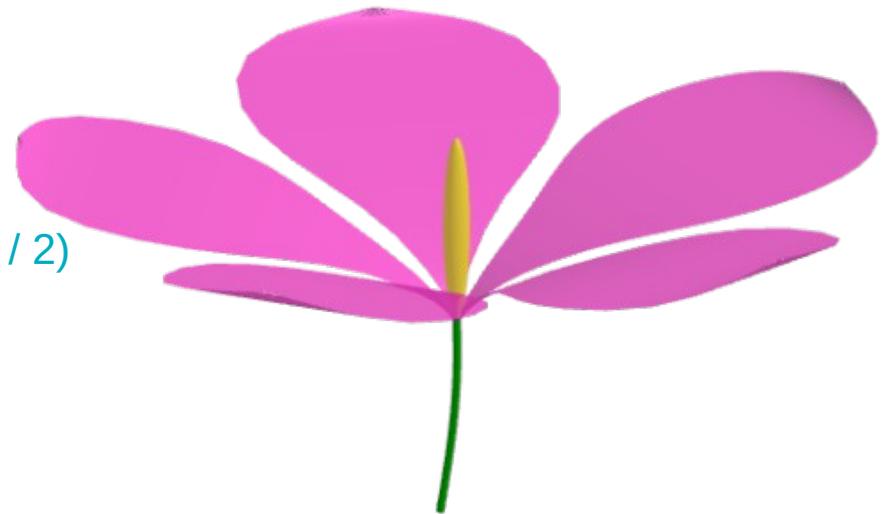
centro:  $(0,0,0.6)$

semiejes:  $0.07, 0.5$

$e = \text{Curva}(0.07\cos(t), 0, 0.5\sin(t) + 0.6, t, (-\pi) / 2, \pi / 2)$

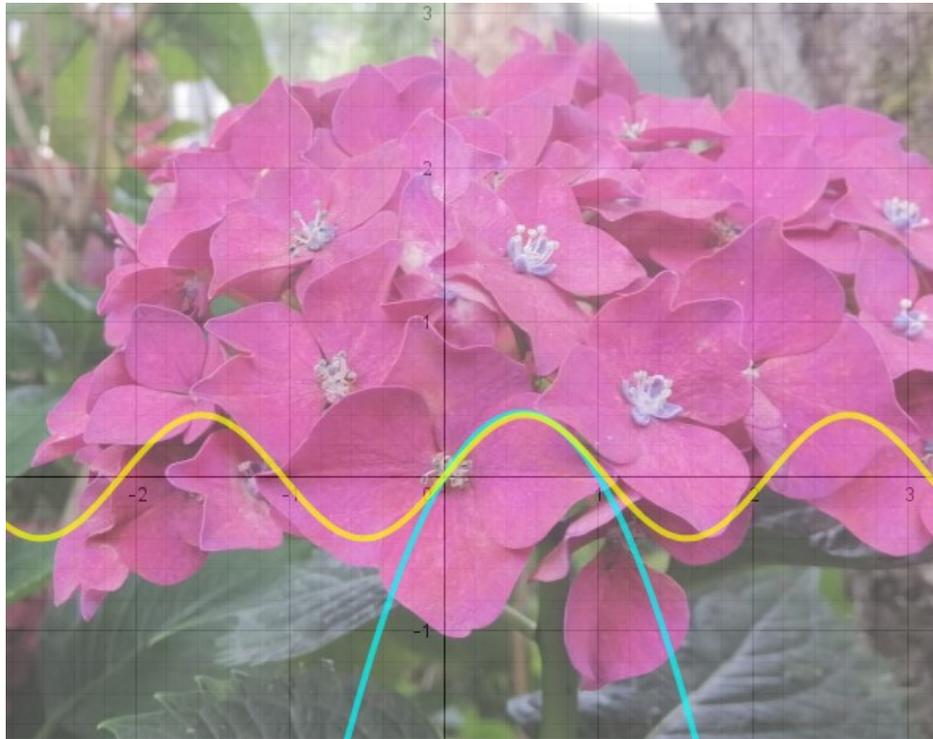
- Superficie de revolución

$\text{Superficie}(e, 360^\circ, \text{EjeZ})$



## Actividad 2: Modelización del pétalo mediante funciones

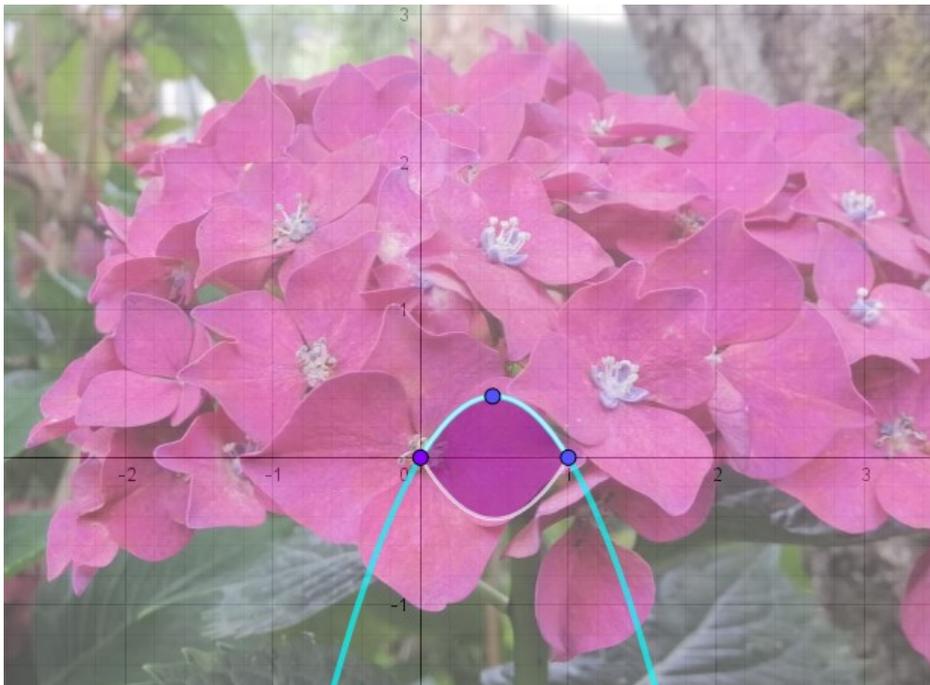
### Hortensia



- Situamos la imagen de la flor de modo que su centro esté en  $(0,0)$  y uno de sus pétalos tenga como **eje de simetría el eje X**
- El pétalo se puede modelizar mediante una función polinómica, trigonométrica, ...

# Pétalo 2D a partir de función polinómica

*Modelización del pétalo usando funciones*



- Situamos 3 o más puntos en el borde del pétalo **C, D, E**  
(C centro de coordenadas y E punto en el EjeX)

- **Función polinómica** que pasa por esos puntos

$$f(t) = \text{Polinomio}(\{C, E, D\})$$

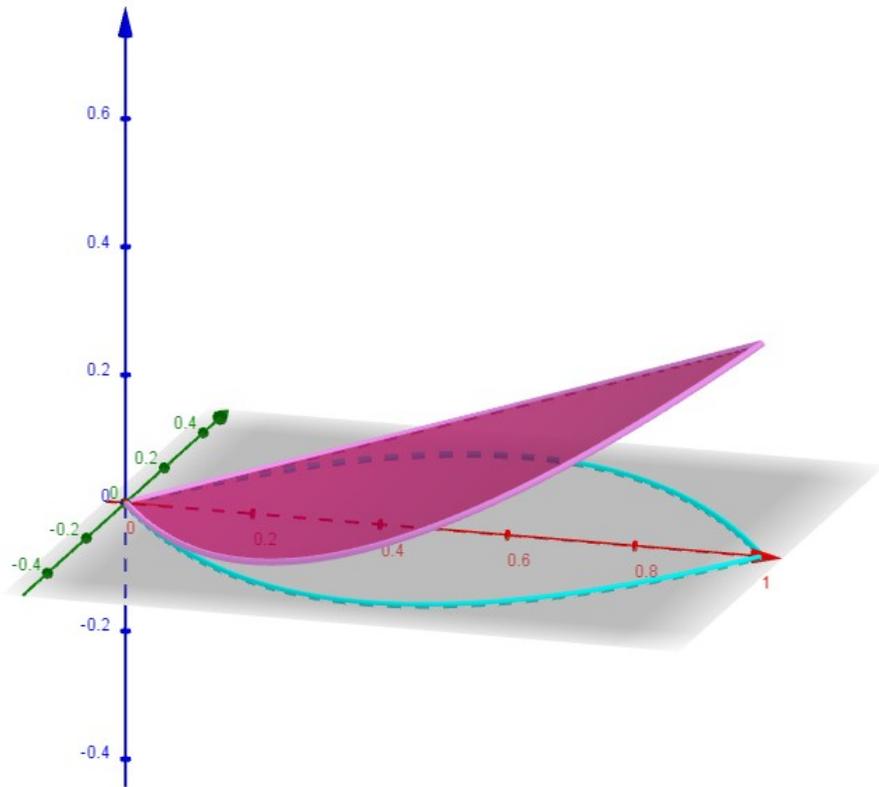
- Definimos las **curvas paramétricas** que delimitan el pétalo:

$$t_2 = x(D)$$

$$a(t) = \text{Curva}(t, f(t), t, 0, t_2)$$

$$b(t) = \text{Curva}(t, -f(t), t, 0, t_2)$$

# Pétalo 3D



Sea la función  $g(t) = \frac{t^2}{3}$

Definimos las **curvas en 3D**

$c(t) = \text{Curva}(a(t)+(0,0, g(t)), t, 0, t_2)$

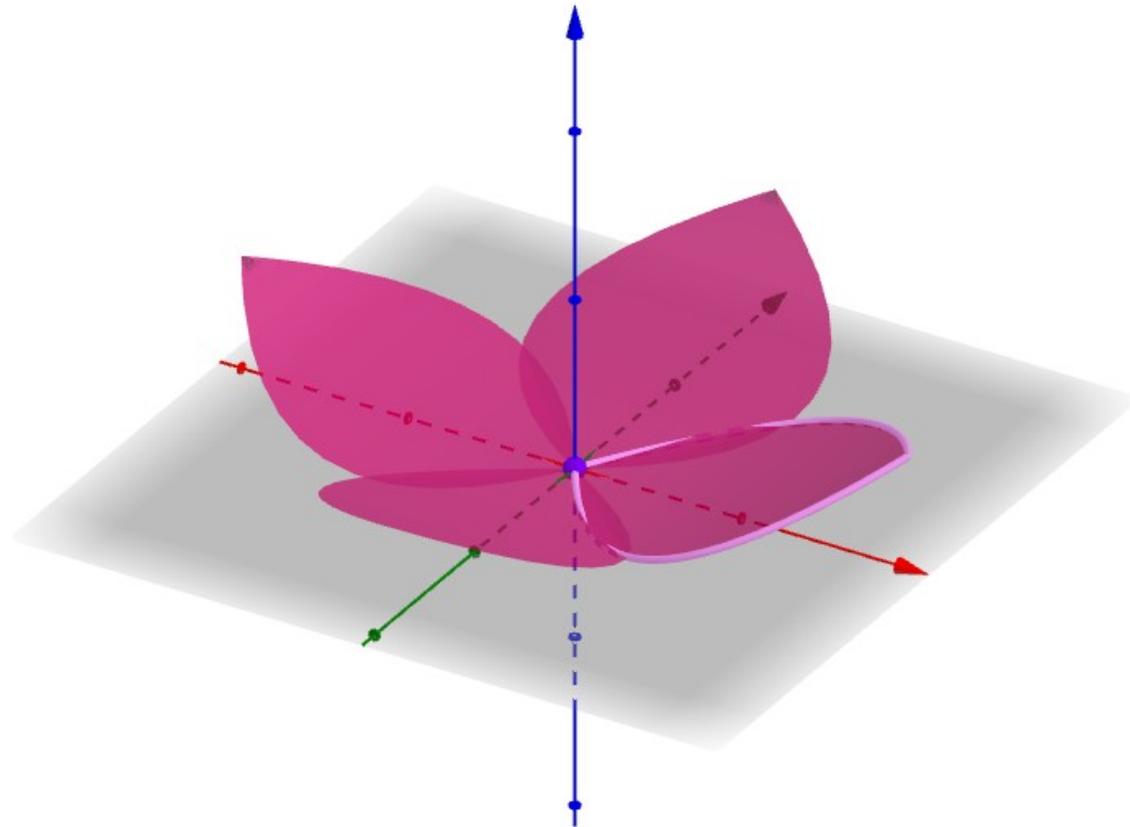
$d(t) = \text{Curva}(b(t)+(0,0, g(t)), t, 0, t_2)$

Y la **superficie reglada**

$e = \text{Superficie}(k c(t) + (1 - k) d(t), k, 0, 1, t, 0, t_2)$

# Flor 3D

Rotamos la superficie alrededor del eje Z para obtener el resto de pétalos



# Flor 3D con estambres y tallo

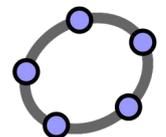
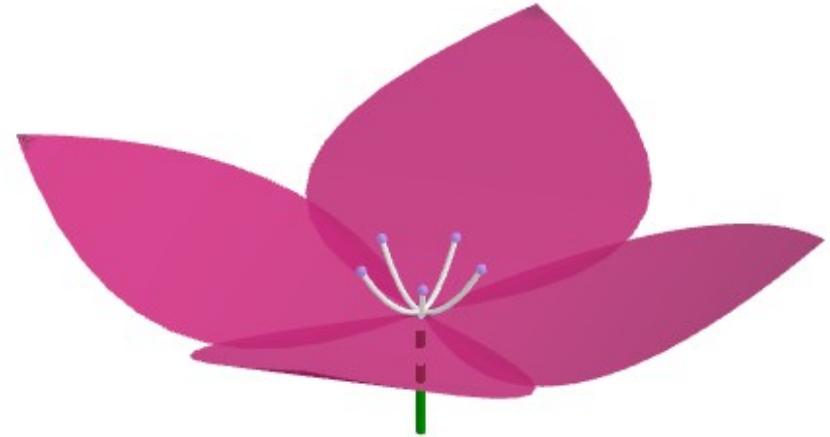
## Estambres:

$h = \text{Curva}(t, 0, 6t^2, t, 0, 0.15)$

$\text{Secuencia}(\text{Rota}(h, k * 72^\circ, \text{EjeZ}), k, 1, 5)$

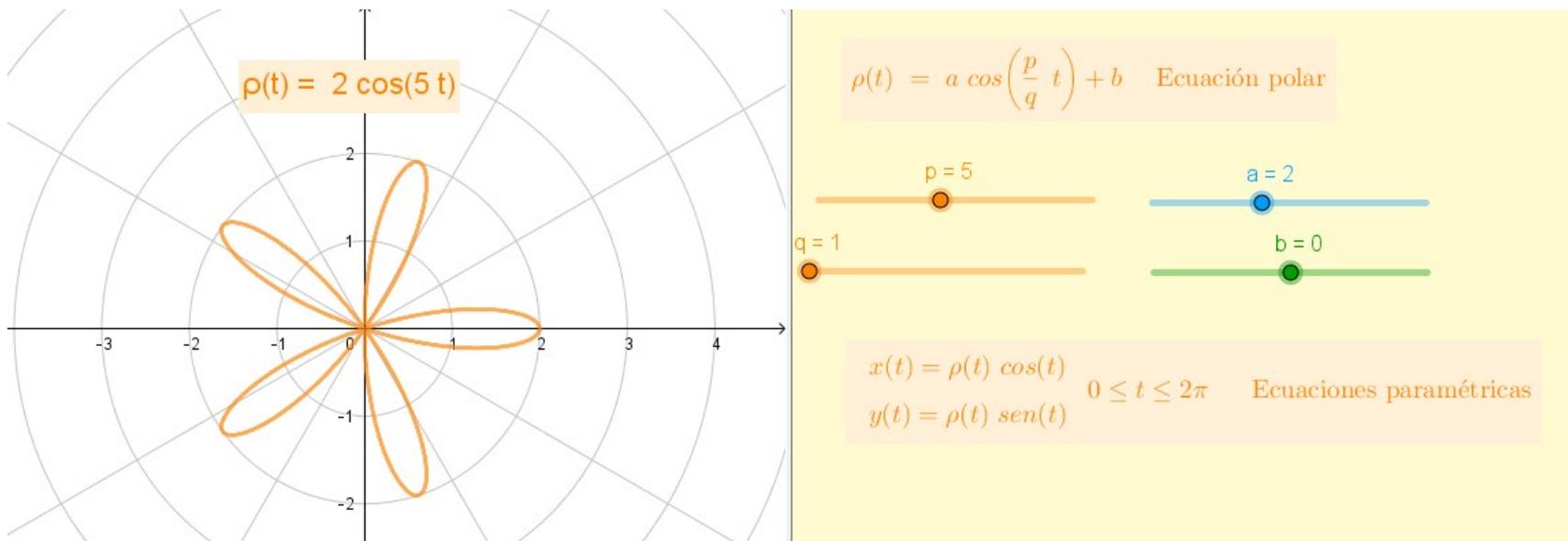
$F = h(0.15)$

$\text{Secuencia}(\text{Rota}(F, k * 72^\circ, \text{EjeZ}), k, 1, 5)$

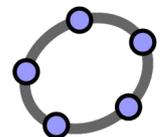


# Actividad 3: Flores 3D a partir de las ecuaciones de las curvas

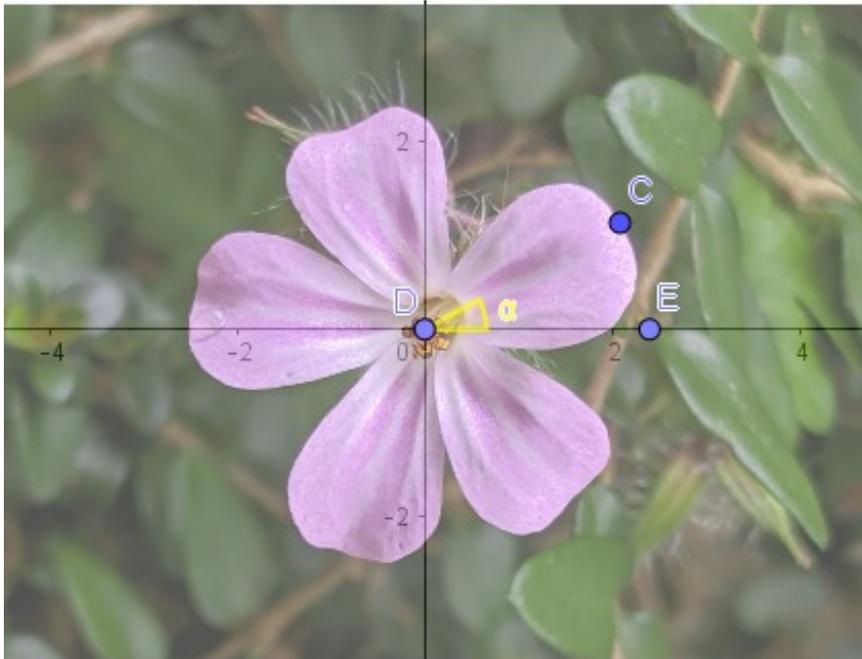
Ecuación de las flores<sup>[1]</sup> :  $\rho(t) = a \cos(k t) + b$      $a, b \in \mathbb{R}$      $k \in \mathbb{Q}$



[1] “Me quiere, no me quiere. La ecuación de una flor” de Jose Luis Muñoz, publicado en Suma 82.



## Geranio



Si ninguno de los ejes de simetría de los pétalos coincide con el eje X, rotamos la imagen:

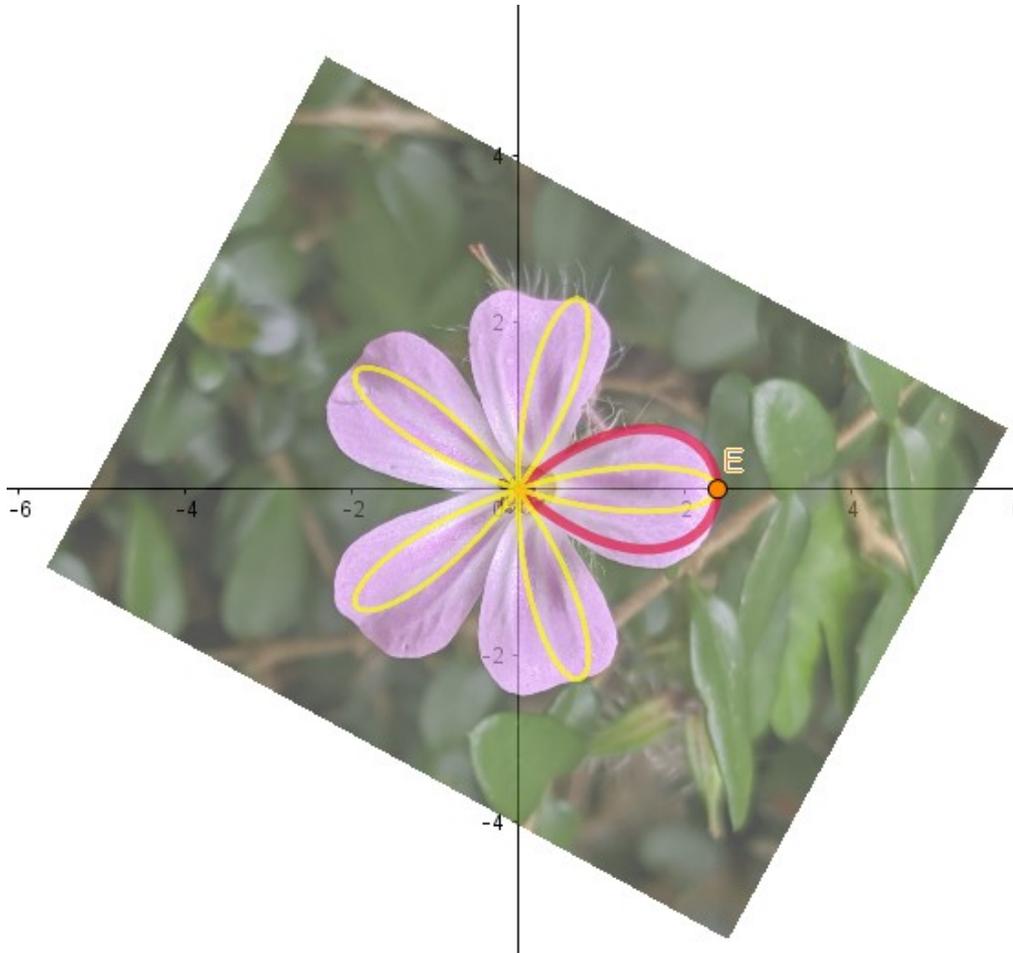
C punto en el eje de simetría del pétalo

$D=(0,0)$

E punto en el eje

$\alpha = \text{Ángulo}(E, D, C)$

# Pétalo 2D



Escribimos la ecuación de la flor

$$a = x(E) \quad n = 5$$

$$f(t) = a \cos(n t)$$

$b = (f(t); t)$  curva en polares

$c = \text{Curva}(f(t) \cos(t), f(t) \text{sen}(t), t, (-\pi) / (2n), \pi / (2n))$  Pétalo en paramétricas

Deslizador entero  $d = 1$

Modificamos la coordenada y del pétalo:

$$c = \text{Curva}(f(t) \cos(t), d f(t) \text{sen}(t), t, (-\pi) / (2n), \pi / (2n))$$

Ajustamos el valor del parámetro  $d$

# Pétalo 3D

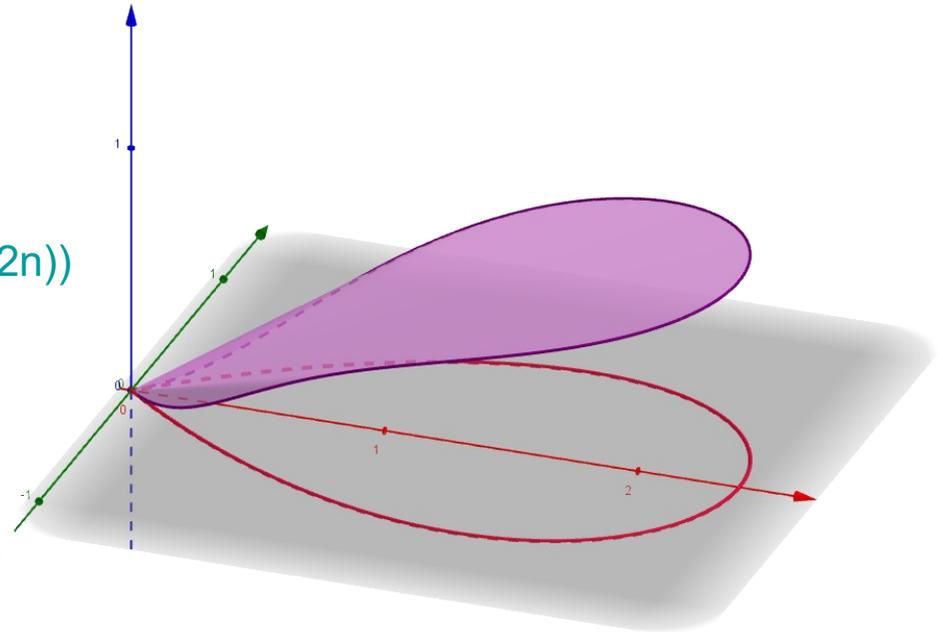
Consideramos la función  $g(t) = 1 - \frac{1}{1+t^2}$

**Curva en 3D:**

$$e(t) = \text{Curva}(c(t) + (0, 0, g(f(t))), t, -\pi / (2n), \pi / (2n))$$

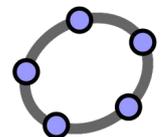
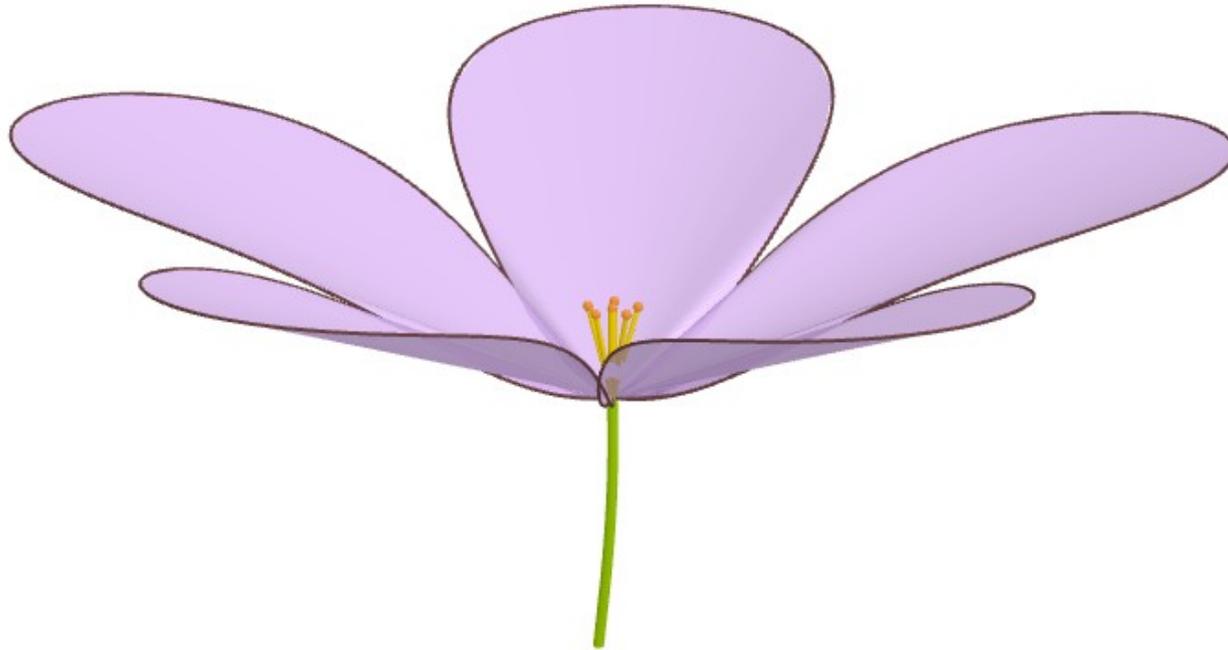
**Superficie reglada**

$$h = \text{Superficie}(k e(t), k, 0, 1, t, -\pi / (2n), \pi / (2n))$$



# Flor 3D

Rotamos la superficie alrededor del eje Z



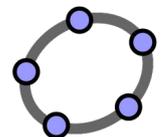
# Además ...

La función paramétrica  $g(t)$  de la coordenada  $z$  puede ajustarse con un polinomio <sup>[2]</sup> o incluso un spline <sup>[3]</sup>

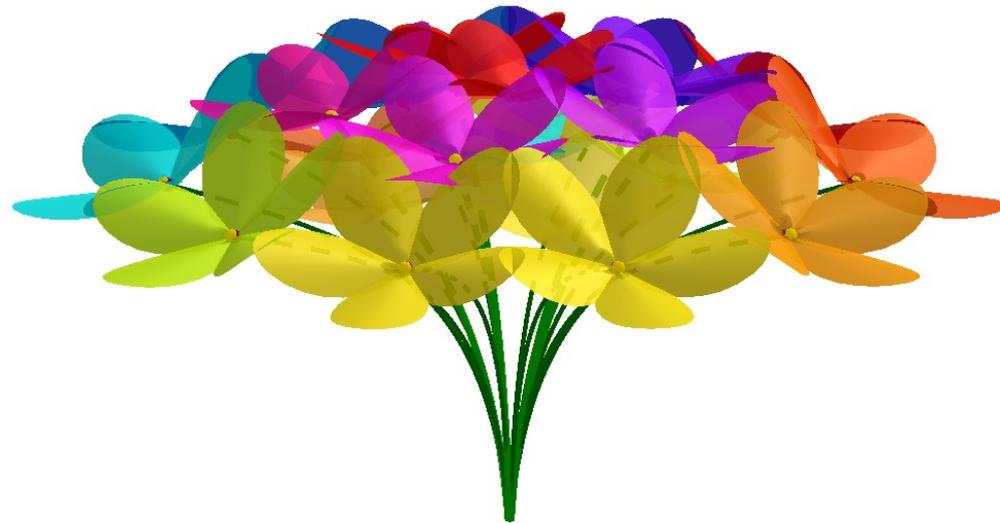


[2] Método de Javier Cayetano

[3] Método de Bernat Ancochea



# *Muchas gracias*



@debora\_pereiro

<https://www.geogebra.org/u/deborapereiro>

Débora Pereiro Carbajo

