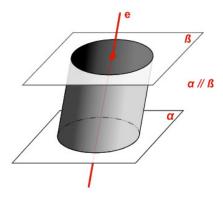


## Universidade Federal de Pelotas Curso de Licenciatura de Matemática a Distância CILINDRO

### **DEFINIÇÃO:**

Considere dois círculos de mesmo raio  ${\bf r}$  contidos em planos paralelos e seja  ${\bf s}$  a reta que passa pelos seus centros. Chama-se cilindro a reunião de todos os segmentos paralelos à reta  ${\bf s}$ , cujas extremidades pertencem cada uma a um dos círculos considerados.

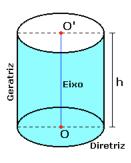


#### **ELEMENTOS DO CILINDRO:**

Bases: são os dois círculos citados na definição.

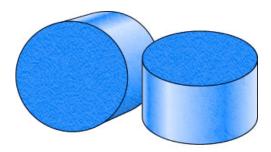
**Eixo**: é a reta **s**, que passa pelos centros das bases.

**Geratriz**: é qualquer segmento paralelo ao eixo, cujas extremidades pertencem às circunferências das bases.

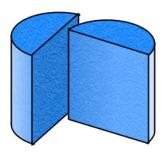


# **SECÇÕES DO CILINDRO:**

**Secção Transversal**: é a intersecção (não vazia) de um cilindro com qualquer plano paralelo às bases.



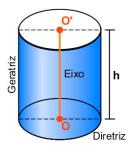
**Secção Meridiana**: é a intersecção de um cilindro com qualquer plano que contém seu eixo.

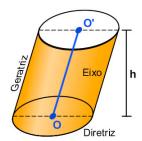


# **CLASSIFICAÇÃO DOS CILINDROS:**

Cilindro reto: quando o eixo é perpendicular aos planos das bases.

Cilindro oblíquo: quando o eixo é oblíquo aos planos das bases.





#### ÁREA LATERAL E ÁREA TOTAL:

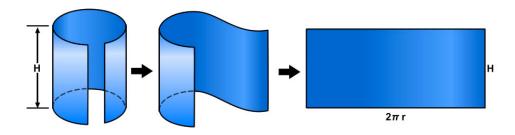
Superfície Lateral é a reunião das geratrizes. A área desta superfície é chamada de área lateral.

Superfície Total é a superfície lateral acrescida da superfície das bases. A área da superfície total é chamada de área total.

Visualizamos estas superfícies fazendo a planificação do cilindro, e obtemos:

• um retângulo de comprimento  $2\pi r$  e largura h, onde h é a altura do cilindro e  $2\pi r$  é o comprimento da circunferência da base do cilindro. ÁREA RETÂNGULO =  $2\pi r$  . h

• 2 círculos de raio r que correspondem às bases. ÁREA DE CADA CÍRCULO DA BASE =  $\pi r^2$ 



**ÁREA LATERAL** = ÁREA DO RETÂNGULO **ÁREA LATERAL** =  $2\pi r$  . h

ÁREA TOTAL = ÁREA LATERAL + 2 . ÁREA DO CÍRCULO ÁREA TOTAL = 
$$2\pi r$$
 .  $h$  + 2 .  $\pi r^2$  =  $2\pi r$  ( $h$  +  $r$ )   
**ÁREA TOTAL** =  $2\pi r$  ( $h$  +  $r$ )

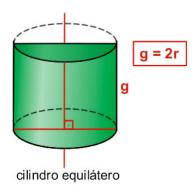
### **VOLUME DO CILINDRO:**

O volume do cilindro é dado pelo produto da área da base pela altura.

$$V_{CILINDRO} = \pi r^2$$
. h

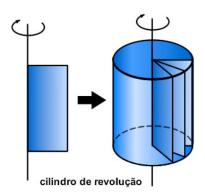
## CILINDRO EQÜILÁTERO:

Quando as geratrizes são congruentes aos diâmetros das bases.



## **CILINDRO DE REVOLUÇÃO:**

O cilindro reto pode ser definido como o sólido gerado pela rotação completa de um retângulo em torno de um dos seus lados.



### TRONCO DE CILINDRO COM UMA BASE CIRCULAR:

Um plano  $\alpha$  que intercepta obliquamente todas as geratrizes de um cilindro circular reto, separa-o em dois sólidos chamados de troncos de cilindro com uma base circular ( a outra base de cada tronco é elíptica). Em cada um desses troncos, o menor segmento perpendicular à base circular e com extremos nos contornos da base é a geratriz menor do tronco, e o maior segmento nessas condições é a geratriz maior do tronco.

