

*Partendo dalla rappresentazione ottenuta con il file 010\_tutti\_vett\_perpend\_retta\_data\_1 si ottengono tutte le rette passanti per un punto  $P_0$  esterno ad una retta data con direzione ad essa perpendicolare. In seguito con un punto posto sulla retta perpendicolare  $P$  si può trovare il piano perpendicolare alla retta passante per  $P_0$*

1. Vettore:  $\mathbf{u}=(2,3,4)$ , punto:  $U=\mathbf{u}$ , punto:  $O=(0,0,0)$

2. retta  $r$  per l'origine di direzione  $\mathbf{u}$ :  $X=(0,0,0)+\lambda*\mathbf{u}$

3. Circonferenza  $c$  di centro  $O$ , direzione  $\mathbf{u}$  e raggio 3.



4. Punto  $Q$  sulla circonferenza  $c$  e vettore  $\mathbf{v}=Q$ .

angolo formato da  $\mathbf{v}$  e  $\mathbf{u}$ :  $\alpha = \text{Angolo}[Q, O, U]$

prodotto scalare:  $\text{prodScalare}_{\{v,u\}} = \mathbf{v} \cdot \mathbf{u}$

NB:  $\mathbf{v} \cdot \mathbf{u} = 0$  qualunque sia la posizione di  $Q$  sulla circonferenza.

5. Punto  $P_0=(6,-1,2)$  e vettore  $\mathbf{p}_0=P_0$  (fissa il punto)

6. Retta  $t$  passante per  $P_0$  di direzione  $\mathbf{v}$ :  $t: \mathbf{p}_0+\lambda\mathbf{v}$

muovendo  $P_0$  si ottengono tutte le rette ortogonali alla retta data  $r$

lasciando traccia della retta  $t$  si intuisce il piano ortogonale ad  $r$

-----  
Piano per  $P_0$  di direzione normale  $\mathbf{u}$

7. termineNoto =  $\mathbf{u} \cdot \mathbf{p}_0$ .

8. Piano:  $\alpha: x(u)x+y(u)y+z(u)z=\text{termineNoto}$

9. Punto  $P$  sulla retta  $t$  e vettore  $\mathbf{p}=P$

10. Vettore  $\mathbf{w}=\mathbf{p}-\mathbf{p}_0$  (trasla  $\mathbf{w}$  ed  $u$  in  $P_0$ )

11. Osserva che  $\mathbf{u} \cdot \mathbf{w} = 0$  quindi:  $\mathbf{u} \cdot (\mathbf{p}-\mathbf{p}_0) = 0$  quindi  $\mathbf{u} \cdot \mathbf{p} = \mathbf{u} \cdot \mathbf{p}_0$