

Vier Grundaufgaben für exponentielles Wachstum

Vorausgesetzte Kompetenz: Ich kann die Gleichung

$$B(n) = B(0) \cdot (1 + p)^n$$

- nach der Variablen $B(0)$
- nach der Variablen p
- nach der Variablen n

äquivalent umformen.

Festlegungen für vier Zahlen (keine Größen!):

n... *natürliche Zahl* legt den konstanten Zeitschritt fest

B(n)... *reelle Zahl* für den Bestand nach *n* Zeitschritten

B(0)... *reelle Zahl* für den Bestand am Anfang der Beobachtung (Startwert)

p... *reelle Zahl* mit $(-1 \leq p \leq +1)$ für die prozentuale Änderung

Explizite Bildungsvorschrift: $B(n) = B(0) \cdot (1 + p)^n$

Grundaufgabe 1

Gegeben: $n; B(0); p$

Gesucht: $B(n)$

Lösung: $B(n) = B(0) \cdot (1 + p)^n$

Grundaufgabe 2

Gegeben: $B(n); B(0); p$

Gesucht: n

Lösung: $n = \log_{(1+p)} \left(\frac{B(n)}{B(0)} \right)$

Grundaufgabe 3

Gegeben: $B(n); n; p$

Gesucht: $B(0)$

Lösung: $B(0) = \frac{B(n)}{(1+p)^n}$

Grundaufgabe 4

Gegeben: $B(n); n; B(0)$

Gesucht: p mit $(-1 \leq p \leq +1)$

Lösung: $p = \left(\frac{B(n)}{B(0)} \right)^{\frac{1}{n}} - 1$

Bemerkung:

Reelle Zahl q mit $q = (1 + p)$... der **Wachstumsfaktor**

Beispiele:

- Eine **Zunahme** um 27% ($p = +0.27$) ergibt einen Wachstumsfaktor $q = 1.27$.
- Eine **Abnahme** um 32% ($p = -0.32$) ergibt einen Wachstumsfaktor $q = 0.68$.