

Prova che le rette: $r_1 = \begin{cases} x = -1 + t \\ y = 1 + t \\ z = t \end{cases}$ e $r_2 = \begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + 3t \\ z = 4 - t \end{cases}$ sono complanari.

Trovare il vettore \mathbf{n} perpendicolare alle due rette, considerare il piano di vettore normale \mathbf{n} e passante per un punto A di retta r_1 . Se le due rette sono complanari allora il segmento che unisce A con un qualsiasi punto B di r_2 deve appartenere al piano e quindi $\mathbf{n} \cdot (\mathbf{b} - \mathbf{a}) = 0$

1. equazioni parametriche delle due rette:

$$r_1 = \text{curva}[-1+t, 1+t, t, -10, 10] \quad r_2 = \text{curva}[1+t, 1+3t, 4-t, -10, 10]$$

2. I vettori direzione delle due rette: \mathbf{u}_1 e \mathbf{u}_2 . $\mathbf{u}_1 = (1, 1, 1)$ $\mathbf{u}_2 = (1, 3, -1)$

3. Vettore $\mathbf{n} = \mathbf{u}_1 \otimes \mathbf{u}_2$ perpendicolare alle due rette.

Scegli due punti sulle rette (es:) $A = r_1(0)$, $B = r_2(0)$ ed i relativi vettori \mathbf{a} e \mathbf{b} .

4. Considera il vettore $\mathbf{d} = \mathbf{b} - \mathbf{a}$.

5. Segmento orientato: $\text{segOrient}_d = \text{Trasla}[d, A]$

6. Angolo tra \mathbf{n} ed \mathbf{d} . (pulsante dedicato e seleziona i vettori \mathbf{n} e \mathbf{d})

7. Quindi la condizione affinché r_1 ed r_2 siano complanari sarà: $\mathbf{n} \cdot \mathbf{d} = 0$

8. Piano normale ad \mathbf{n} per A

- SE LE DUE RETTE SONO COMPLANARI ALLORA CHE RELAZIONE NOTI TRA IL PIANO CHE CONTIENE LE DUE RETTE ED IL VETTORE \mathbf{n} ?
- SE LE DUE RETTE SONO COMPLANARI POSSO AFFERMARE CHE \mathbf{d} GIACE NEL PIANO CHE CONTIENE r_1 E r_2 ? PERCHÉ?
- SE LE DUE RETTE r_1 E r_2 SONO COMPLANARI ALLORA I VETTORI \mathbf{n} E \mathbf{d} SONO TRA LORO PERPENDICOLARI (PERCHÉ?).
- Attività: RIPETERE L'ESEMPIO CON DUE RETTE NON COMPLANARI
es: $X = (4, 5, 0) + \lambda(5, 8, -1)$ $X = (-6, 0, 0) + \lambda(3, 3, 3)$